

# Vers un routage Compact Distribué

Algotel '12

Christian Glacet , Lucas Verdonk

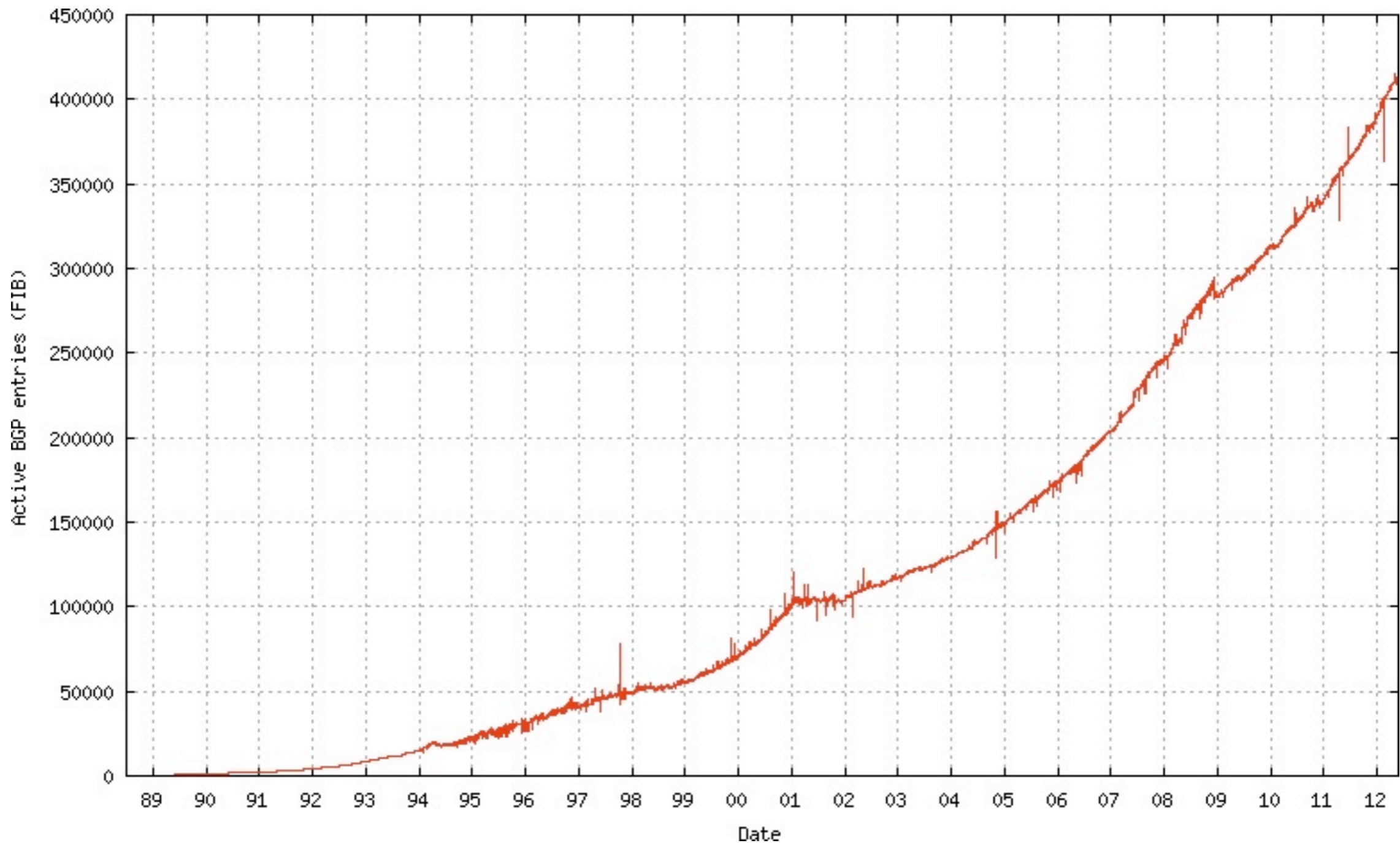
INRIA - Supporté par le projet EULER

# Routage inter-domaine

## BGP

- Routage de plus court chemin
- Connaissance de tout le réseau (une entrée par destination nécessaire)

# Routage inter-domaine BGP



# Routage inter-domaine

# BGP

**Problème** : augmentation des délais de transmission lors du routage

# Une solution : routage compact

- Détours bornés
- Tables plus petites (sous-linéaire)

# Alternatives existantes

- Centralisées
- Statiques

ne sont pas utilisable en pratique

# Alternatives existantes

- Centralisées
- Statiques

ne sont pas utilisables en pratique

- exemples d'algorithmes universels compacts :  
[TZ] Thorup & Zwick - 2001  
[AGMNT] Abraham, Gavoille, Malkhi, Nisan & Thorup - 2008

# Objectif

- Proposer un algorithme de construction des tables de routage :
  - distribué
  - asynchrone
  - supportant la dynamique du réseau
  - sans renommage des sommets (noms arbitraires), ie AGMNT.



# Objectif

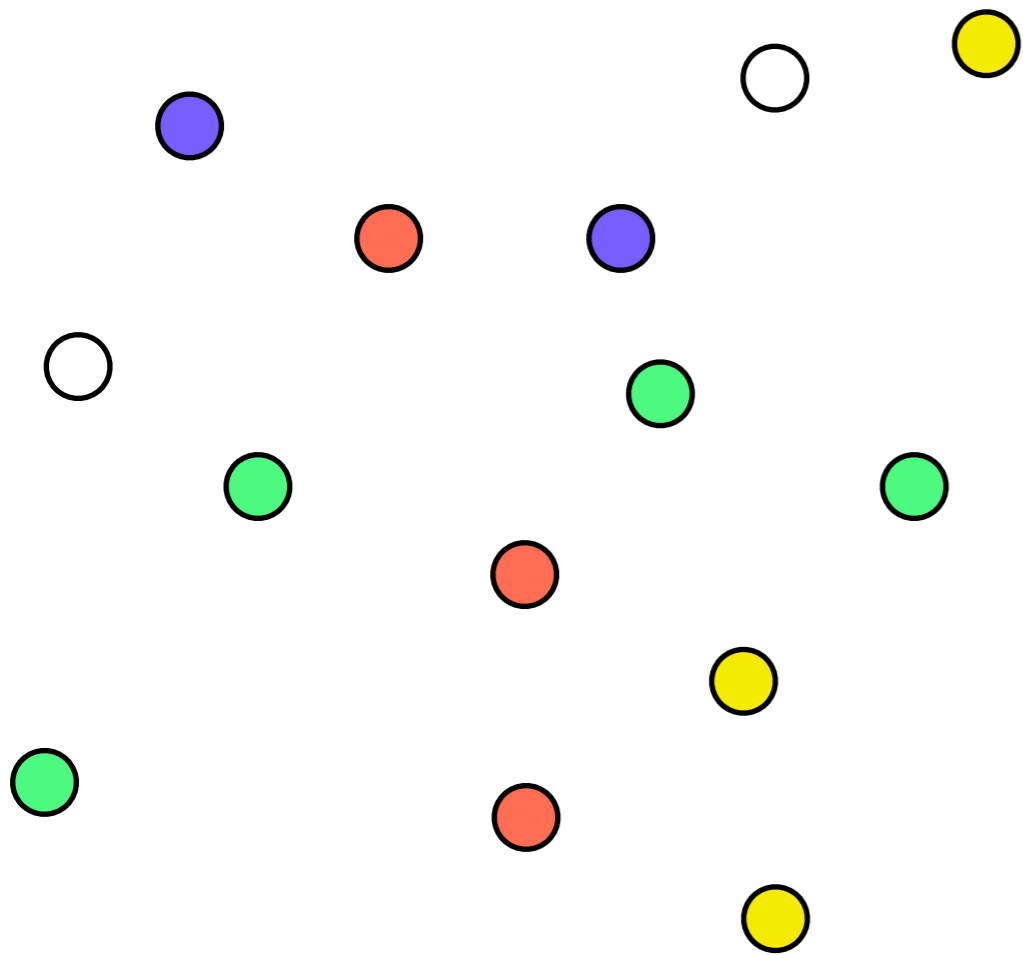
- Proposer un algorithme de construction des tables de routage :
  - **distribué**
  - asynchrone
  - supportant la dynamique du réseau
  - sans renommage des sommets (noms arbitraires), ie AGMNT.

# Le principe du routage AGMNT

# Notations utilisées

- Graphe  $G=(V,E)$
- $|V| = n$ ,  $|E| = m$  et  $D$  le diamètre de  $G$
- $u \rightarrow v$  : route de  $u$  vers  $v$
- $d(u,v)$  : distance entre  $u$  et  $v$
- $\text{len}(u \rightarrow v)$  : longueur de la route  $u \rightarrow v$ .
- L'étirement est le ratio :  $\text{len}(u \rightarrow v)/d(u,v)$

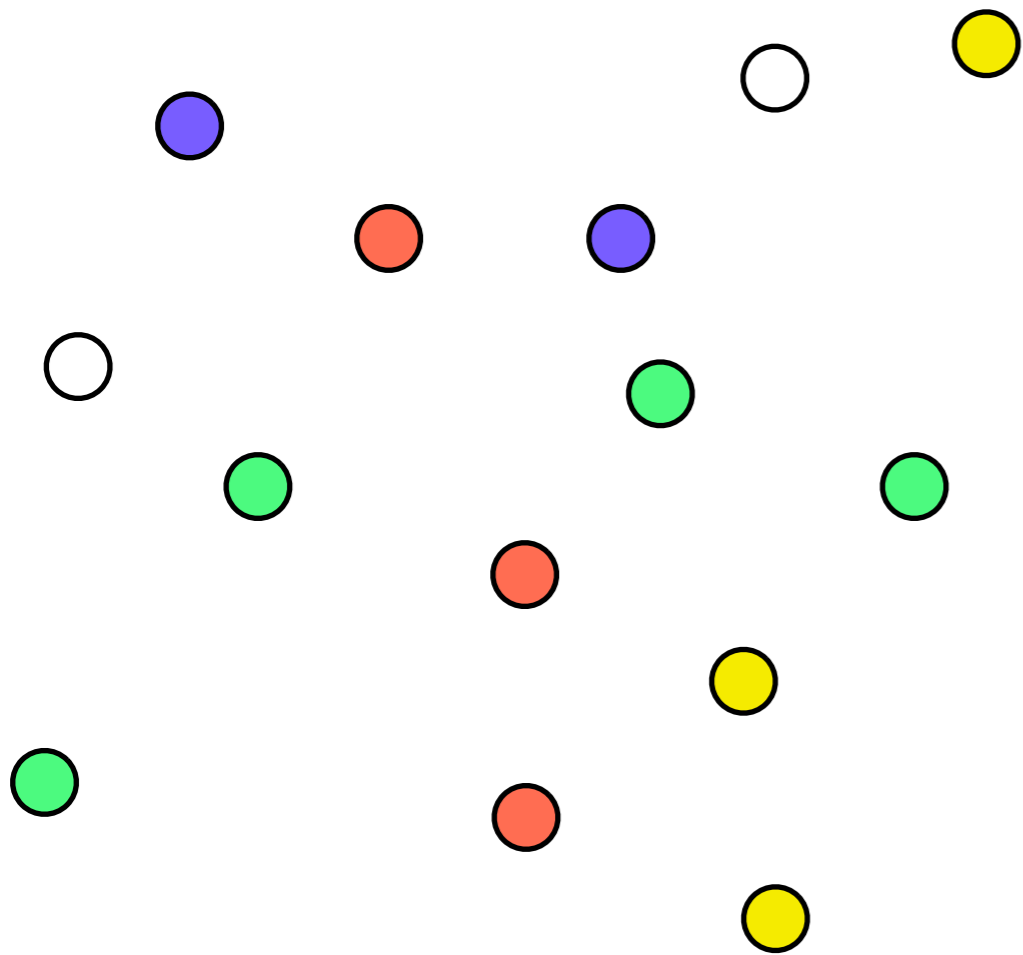
# Couleurs



Tout sommet  $u$  a une couleur aléatoire  $c(u) \in [1, \dots, k]$  :

$\{\text{●}, \text{●}, \text{●}, \text{●}, \text{○}\}$

# Couleurs

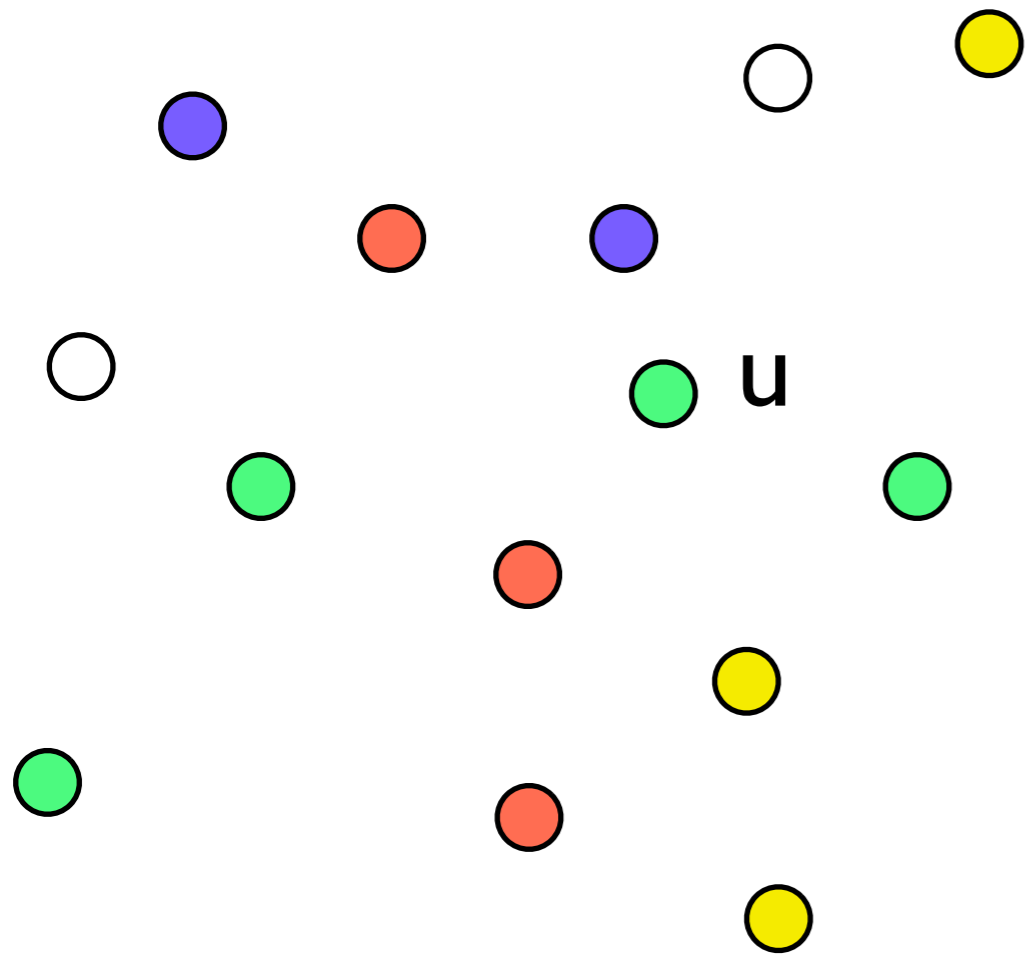


Tout sommet  $u$  a une couleur aléatoire  $c(u) \in [1, \dots, k]$  :

$\{\text{●}, \text{●}, \text{●}, \text{●}, \text{○}\}$

$k$  est un paramètre d'AGMNT, par exemple  $k = \sqrt{n}$

# Couleurs

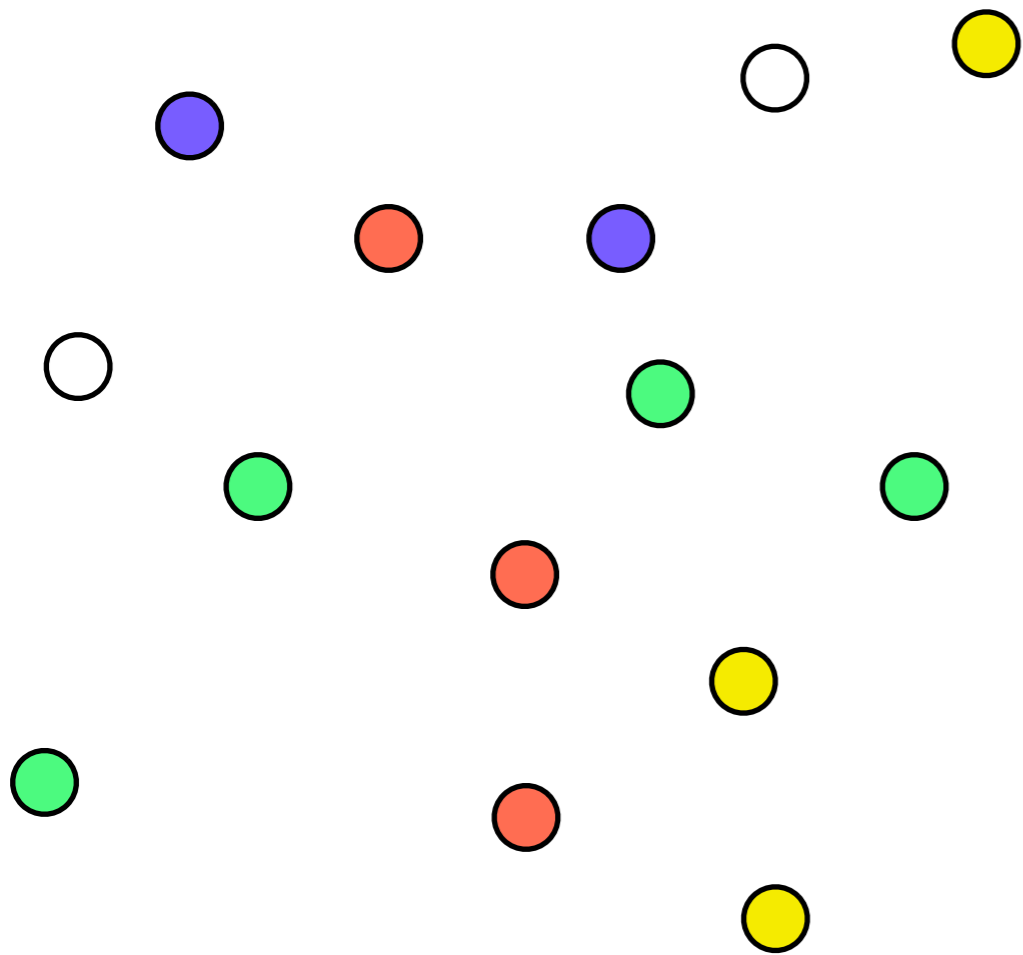


$C(u)$  - Ensemble des sommets ayant la même couleur que  $u$  :



$$| C(u) | = O(n/k) = O(\sqrt{n})$$

# Landmarks

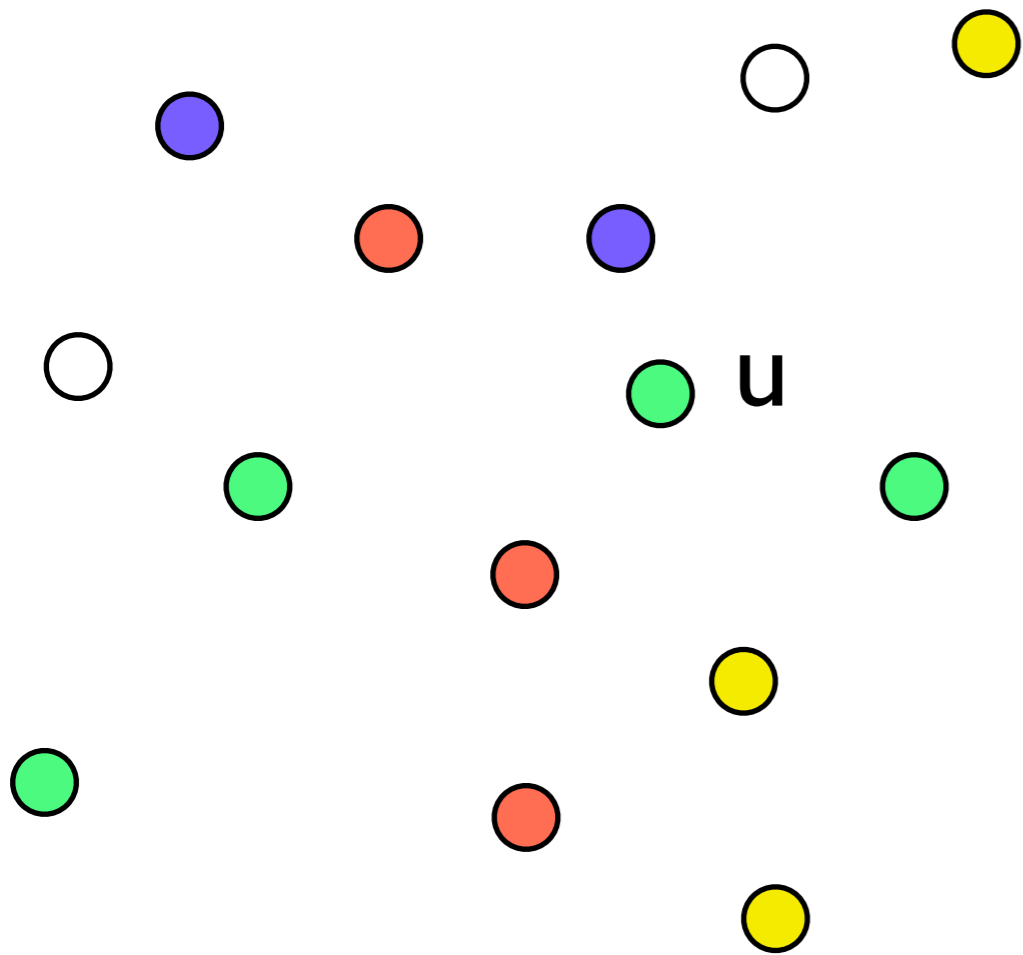


L - un ensemble de sommet d'une couleur donnée (ici blanc), appelés Landmarks :



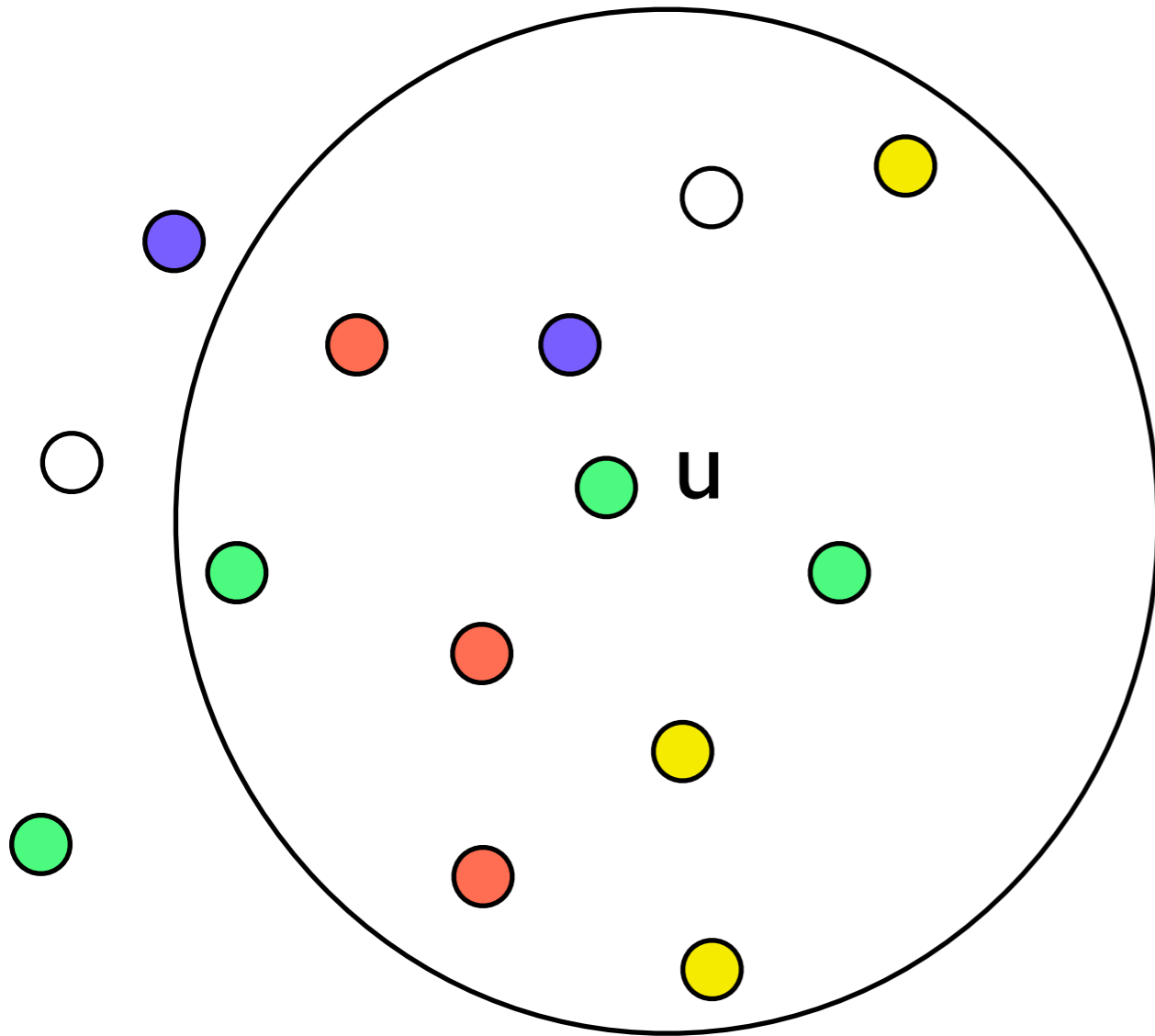
$$O(n/k) = O(\sqrt{n}) \text{ Landmarks}$$

# Boules de voisinage





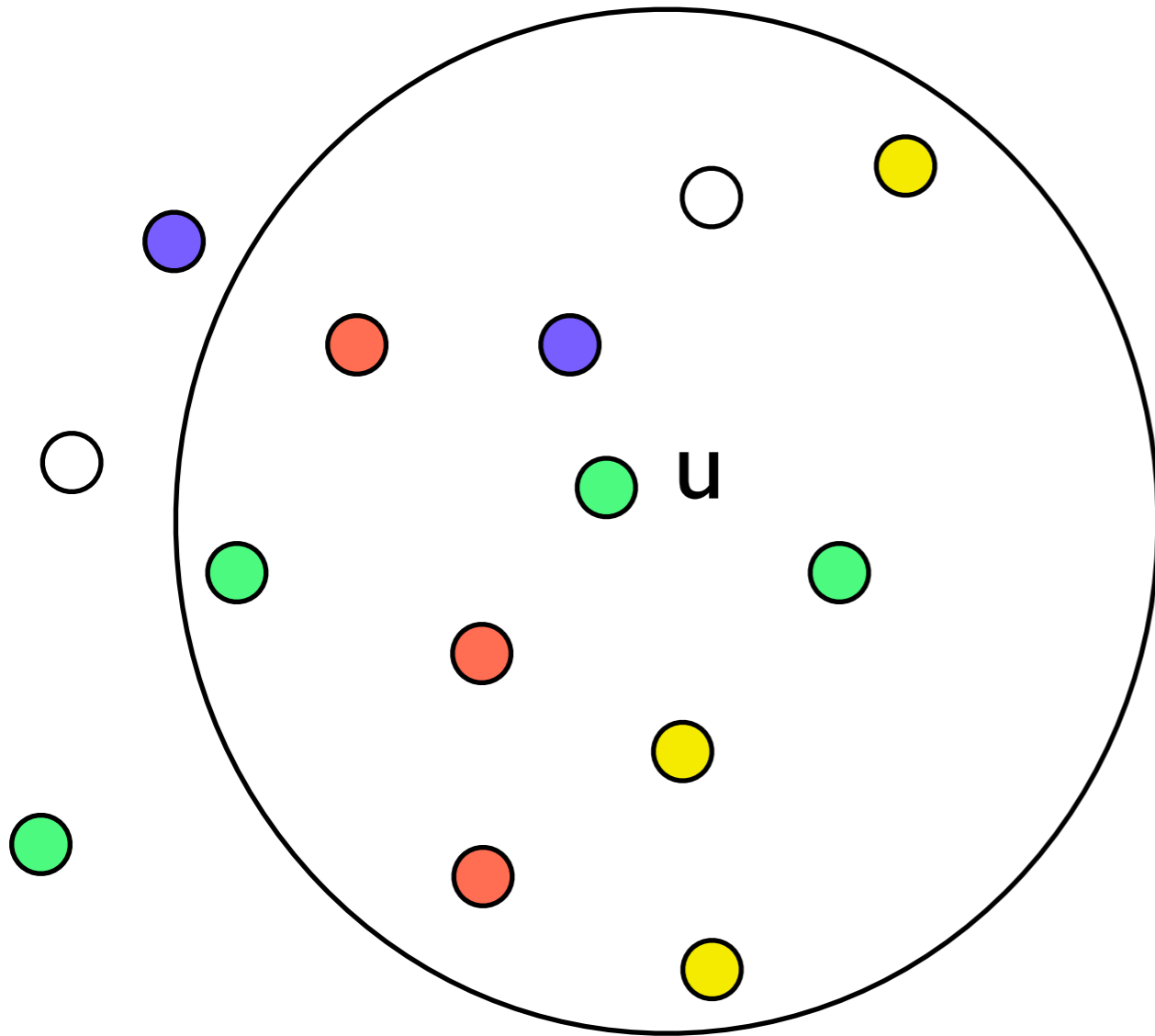
# Boules de voisinage



$B(u)$  - Les plus proches sommet de  $u$  respectant les propriétés :

- de **complétude**, la boule contient un représentant de chaque couleur,

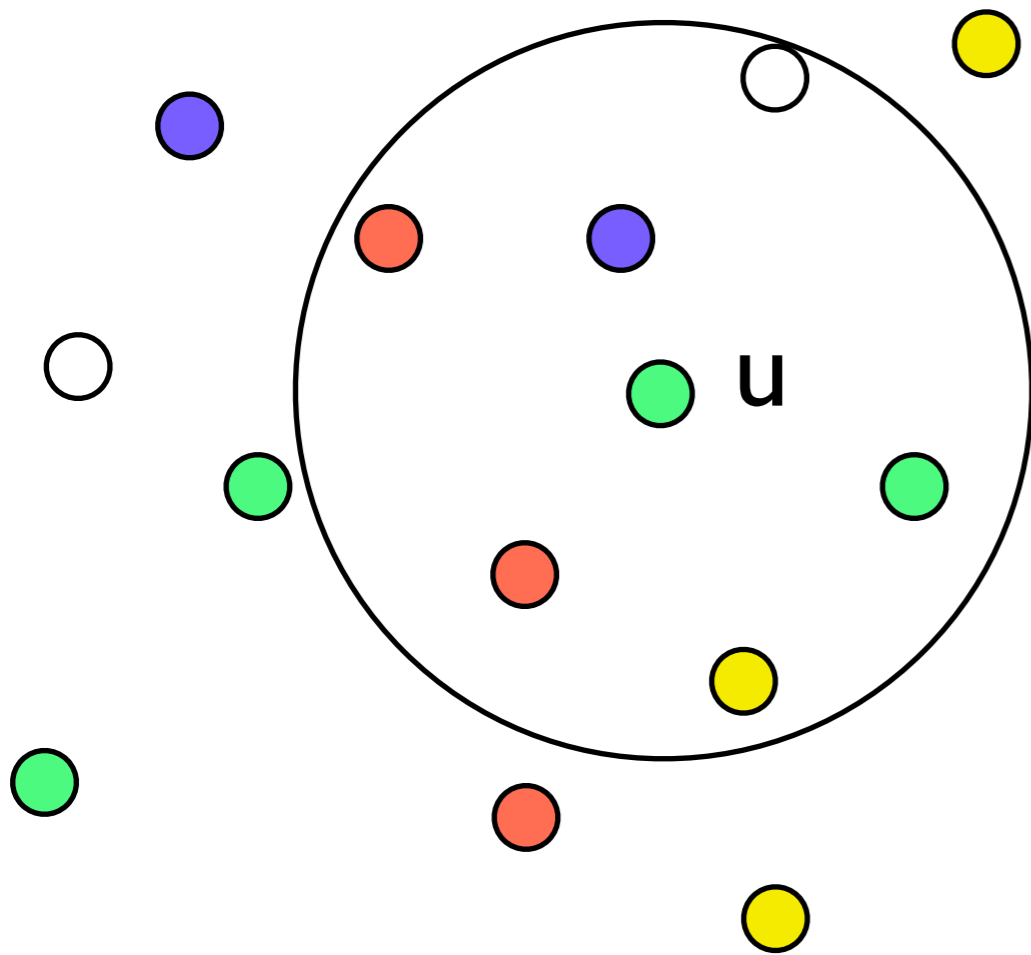
# Boules de voisinage



$B(u)$  - Les plus proches sommet de  $u$  respectant les propriétés :

- de **complétude**, la boule contient un représentant de chaque couleur,
- de **minimalité**, en nombre de sommet.

# Boules de voisinage

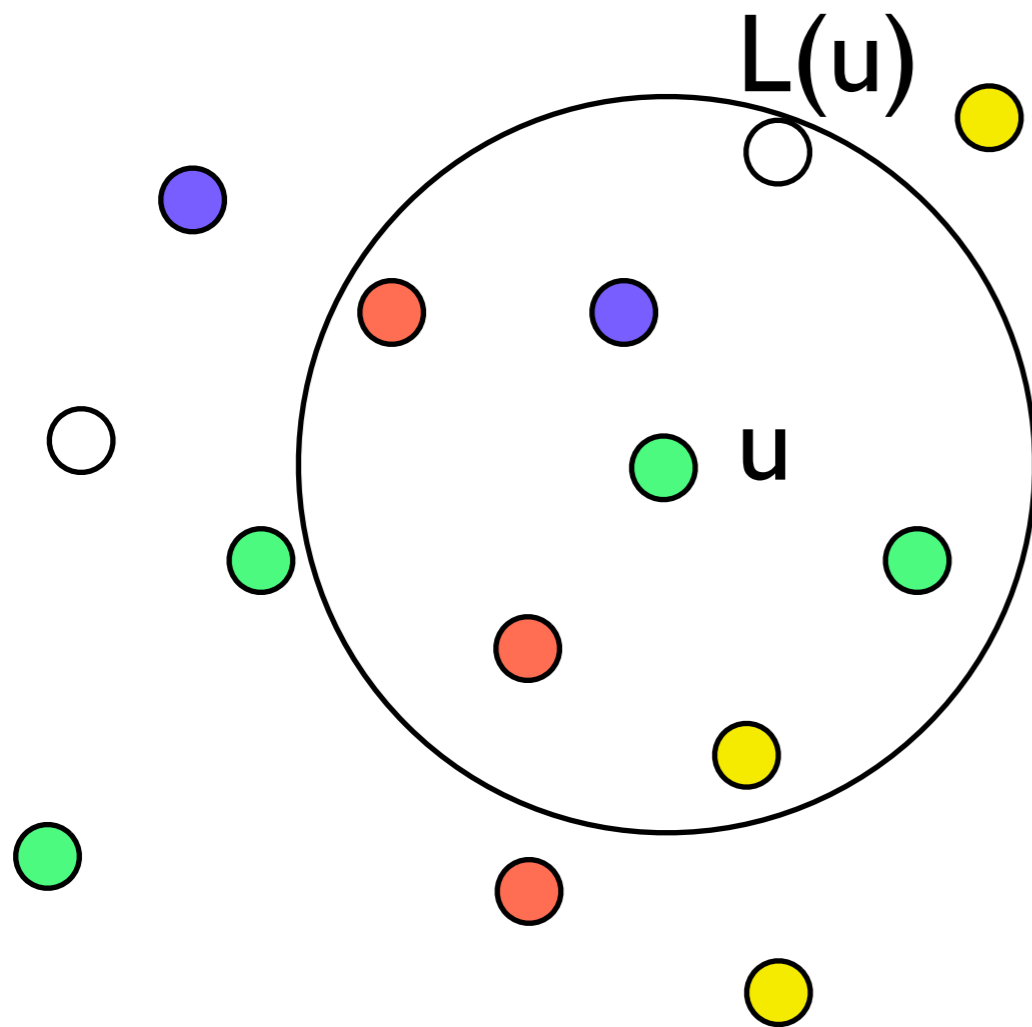


$B(u)$  - Les plus proches sommet de  $u$  respectant les propriétés :

- de **complétude**, la boule contient un représentant de chaque couleur,
- de **minimalité**, en nombre de sommet.

$$| B(u) | = O(n/k) = O(\sqrt{n})$$

# Boules de voisinage

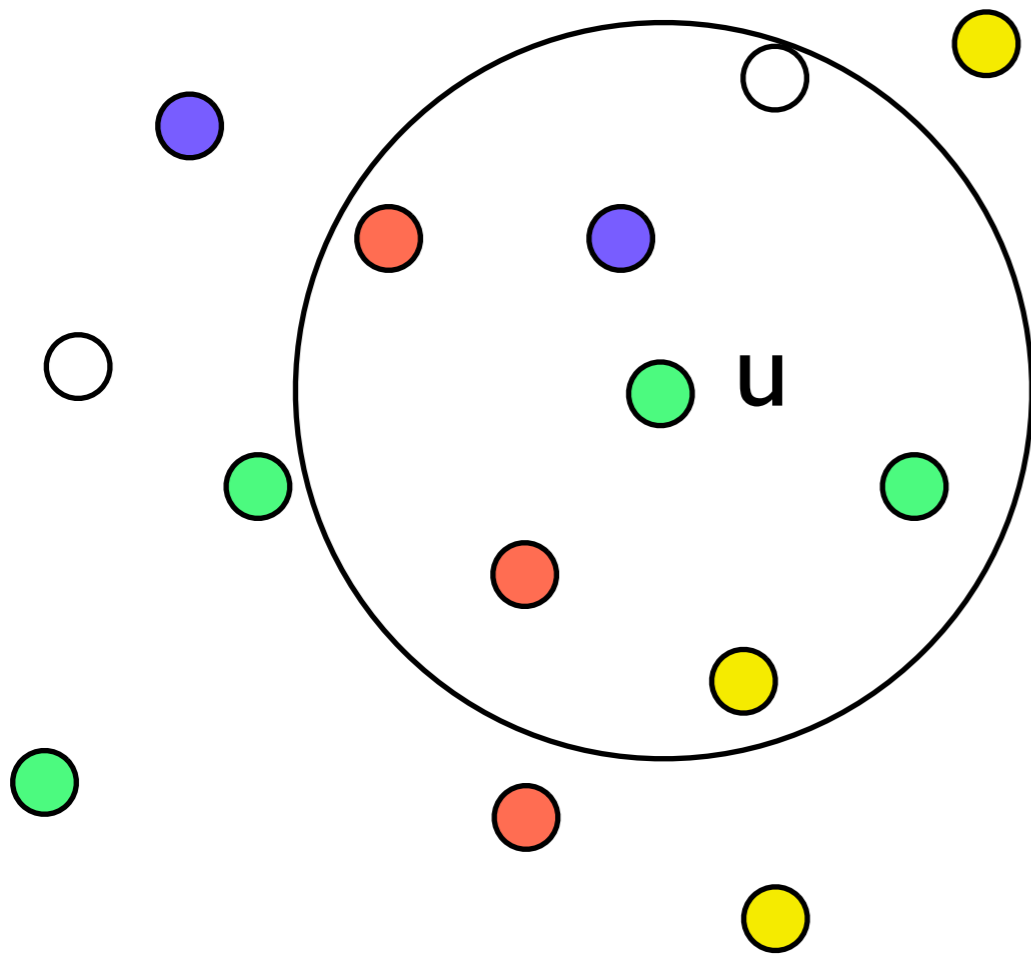


On définit de plus  $L(u)$  comme le plus proche landmark de  $u$

$$L(u) \in B(u)$$

# Connaissance

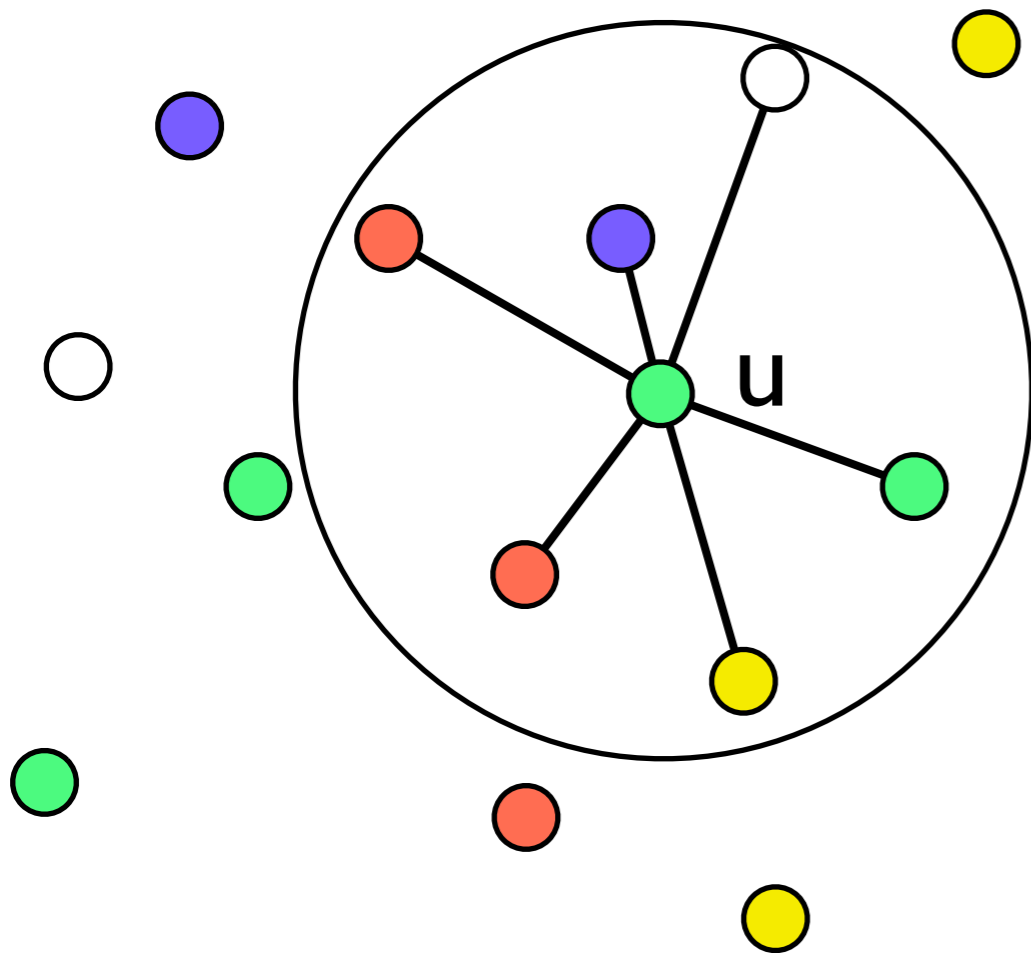
(Tables de routage)



Tout sommet  $u$  doit connaître  
une route vers les sommets :

# Connaissance

(Tables de routage)

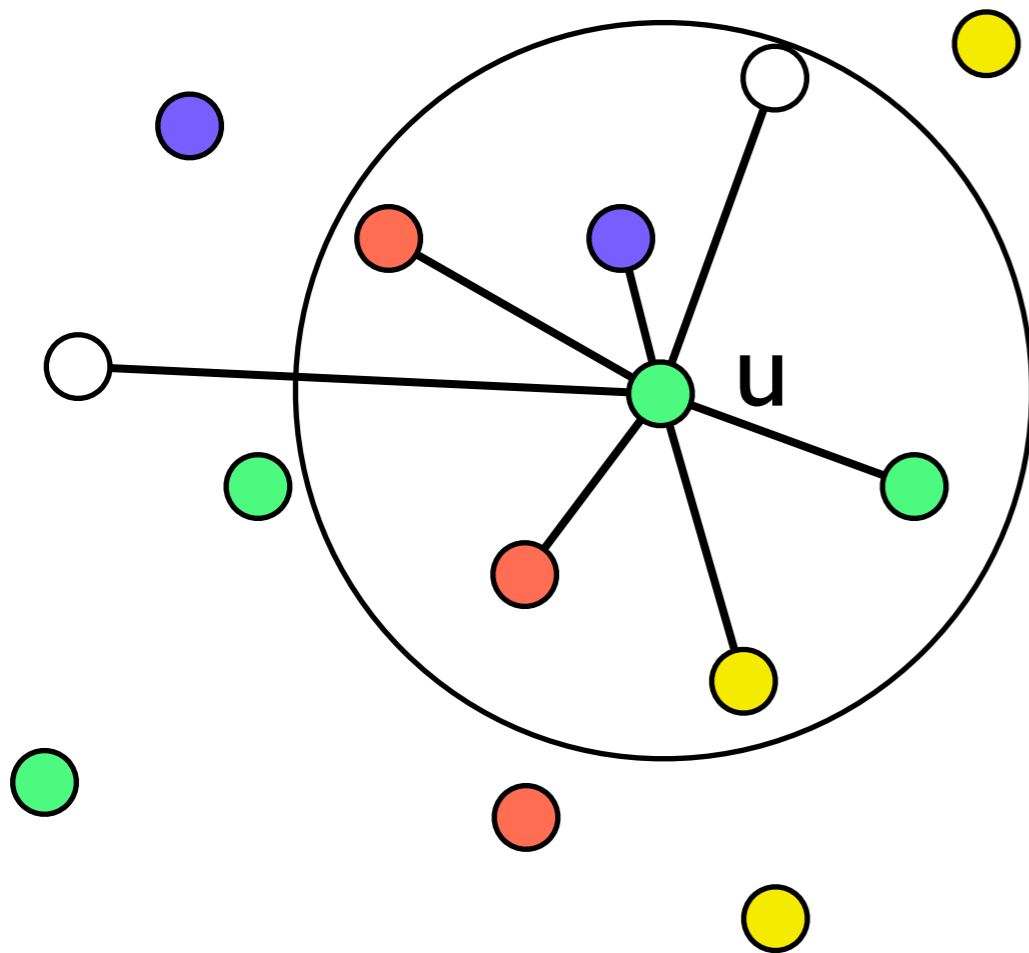


Tout sommet  $u$  doit connaître une route vers les sommets :

- $B(u)$ , sommets proches

# Connaissance

(Tables de routage)

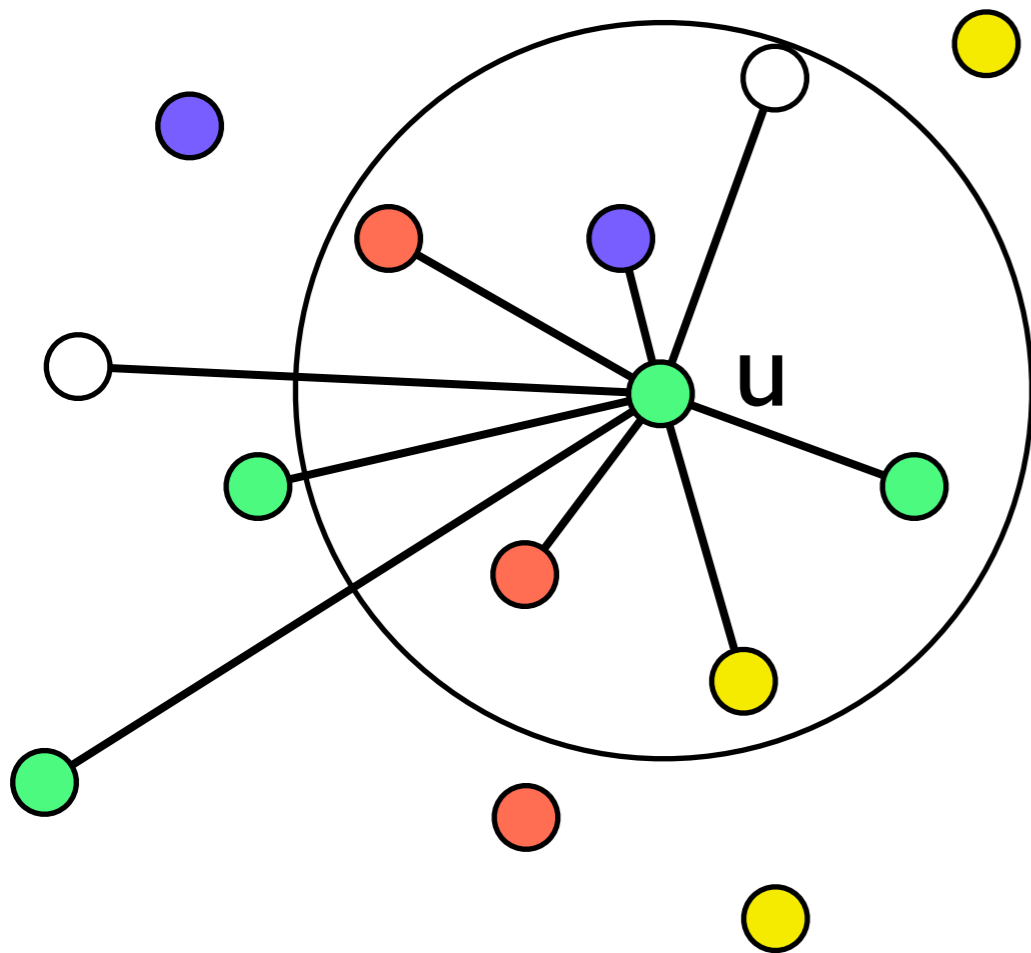


Tout sommet  $u$  doit connaître une route vers les sommets :

- $B(u)$ , sommets proches
- $L$ , les landmarks

# Connaissance

(Tables de routage)



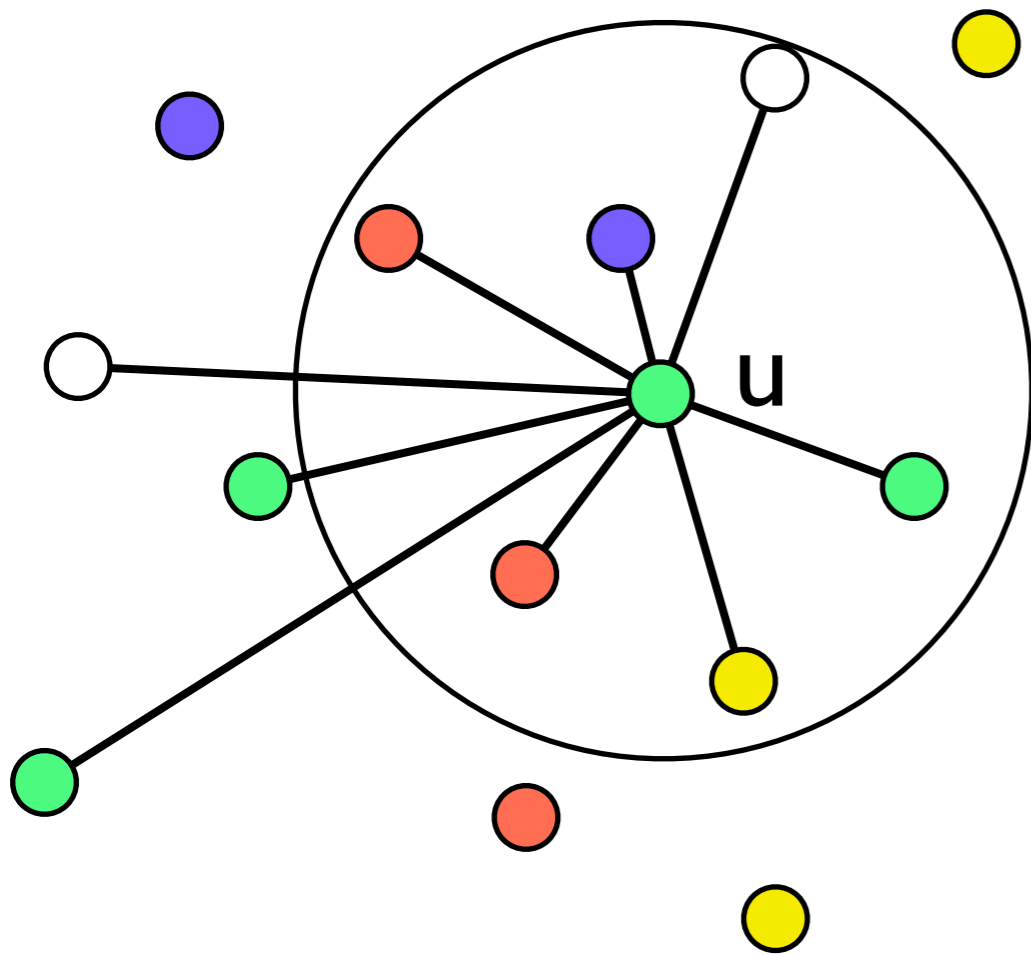
Tout sommet  $u$  doit connaître une route vers les sommets :

- $B(u)$ , sommets proches
- $L$ , les landmarks
- $C(u)$ , les sommets de la même couleur



# Connaissance

(Tables de routage)

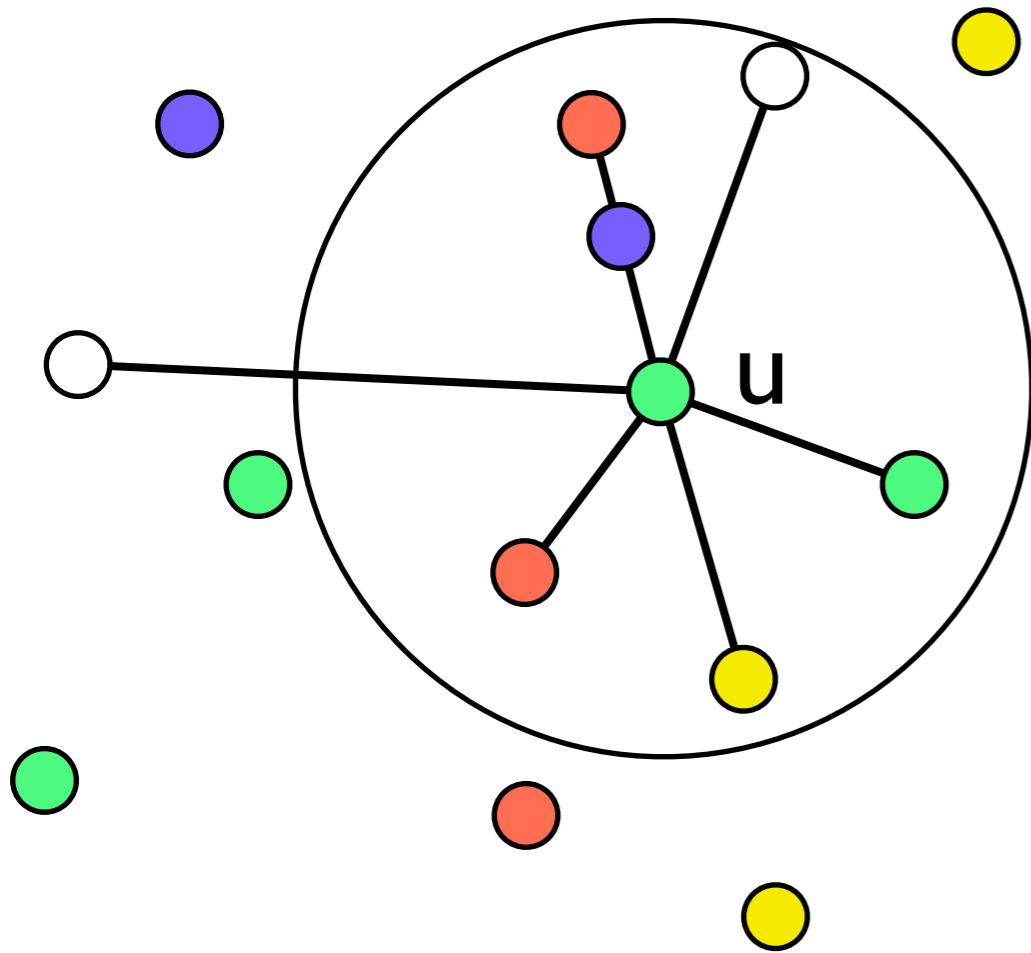


Tout sommet  $u$  doit connaître une route vers les sommets :

- $B(u)$ , sommets proches
- $L$ , les landmarks
- $C(u)$ , les sommets de la même couleur

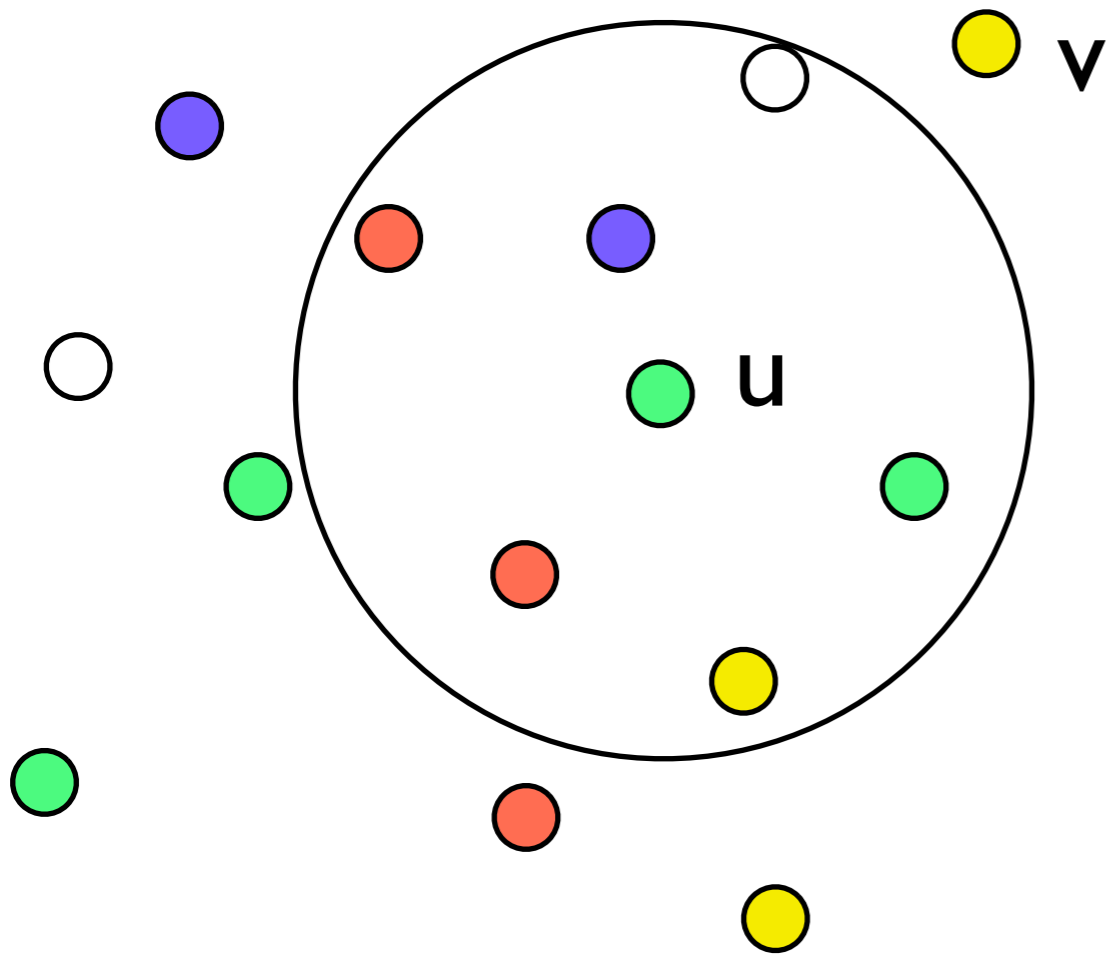
$$O(k + 2n/k) = O(\sqrt{n}) \text{ entrées}$$

# Routage

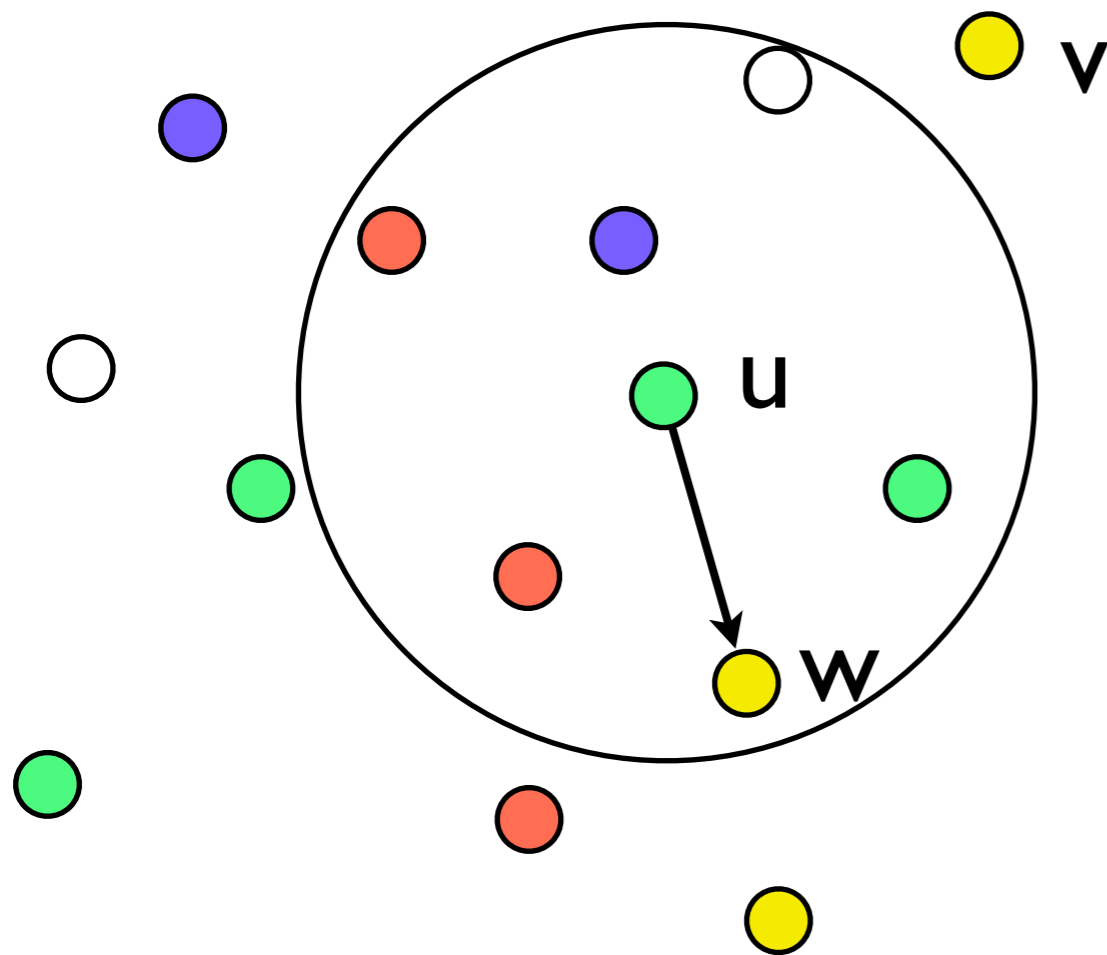


Le protocole de routage de  $u$  vers un sommet de  $B(u)$  ou  $L$  est du routage de plus court chemin.

# Routage

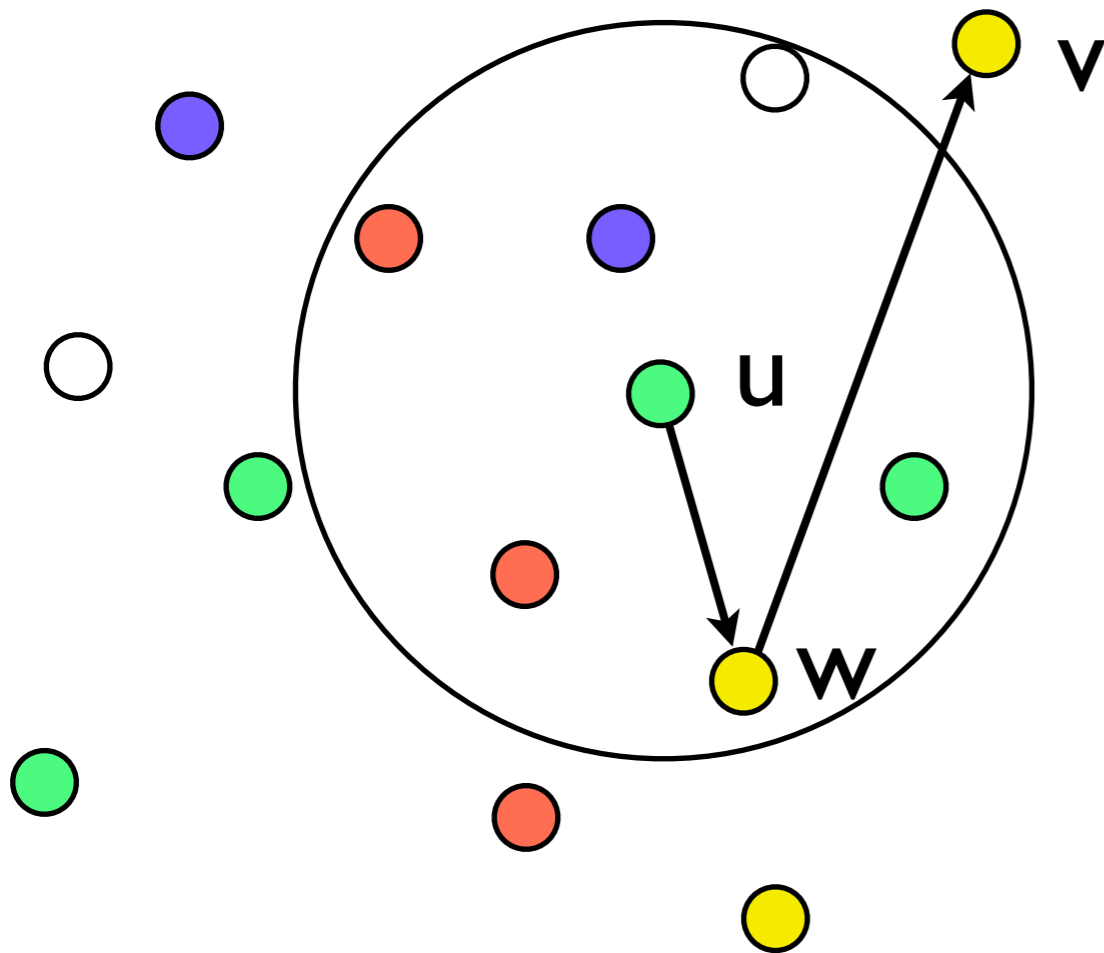


# Routage



Pour router vers une autre destination  $v$ ,  $u$  route via un sommet intermédiaire  $w$  de  $B(u)$  tel que :  $c(w) = c(v)$ .

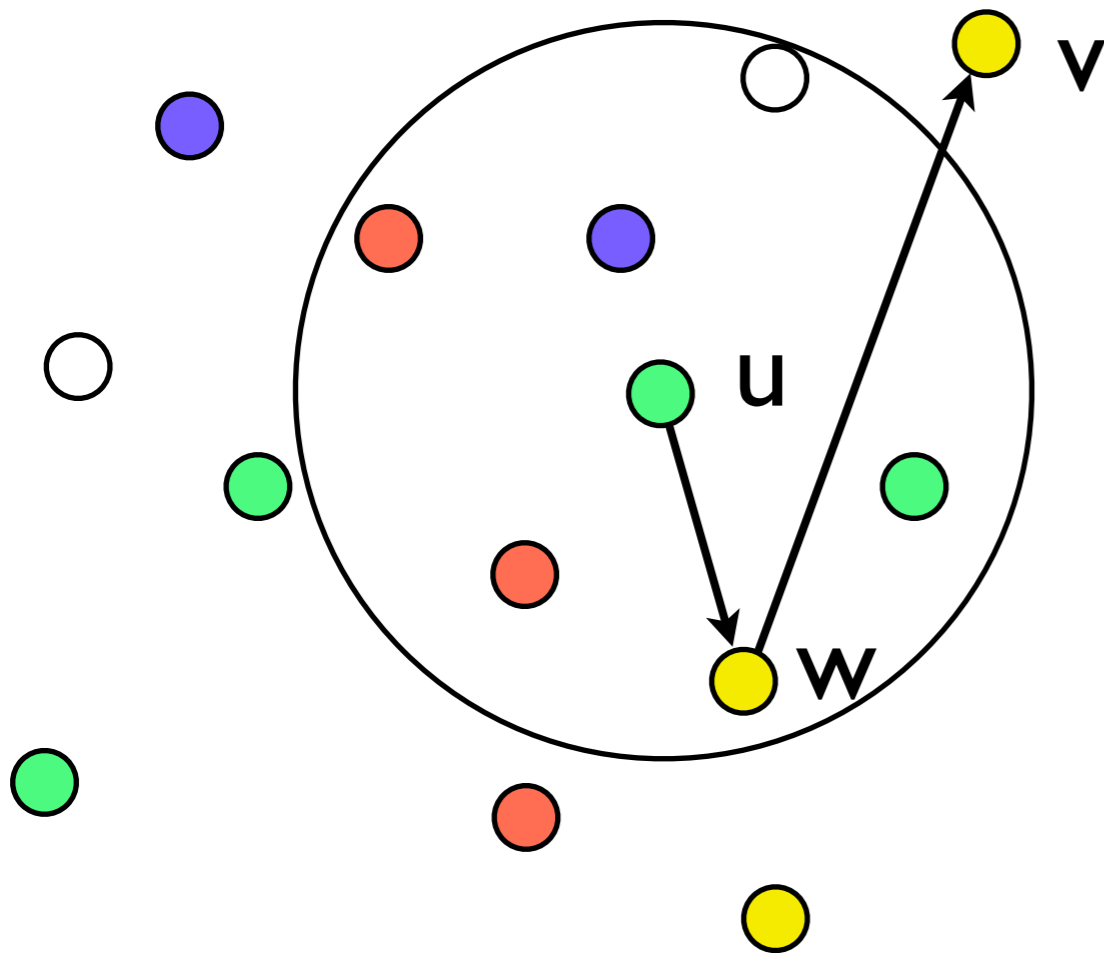
# Routage



Pour router vers une autre destination  $v$ ,  $u$  route via un sommet intermédiaire  $w$  de  $B(u)$  tel que :  $c(w) = c(v)$ .

$w$  connaît une route pour tous les sommets de sa couleur.

# Routage



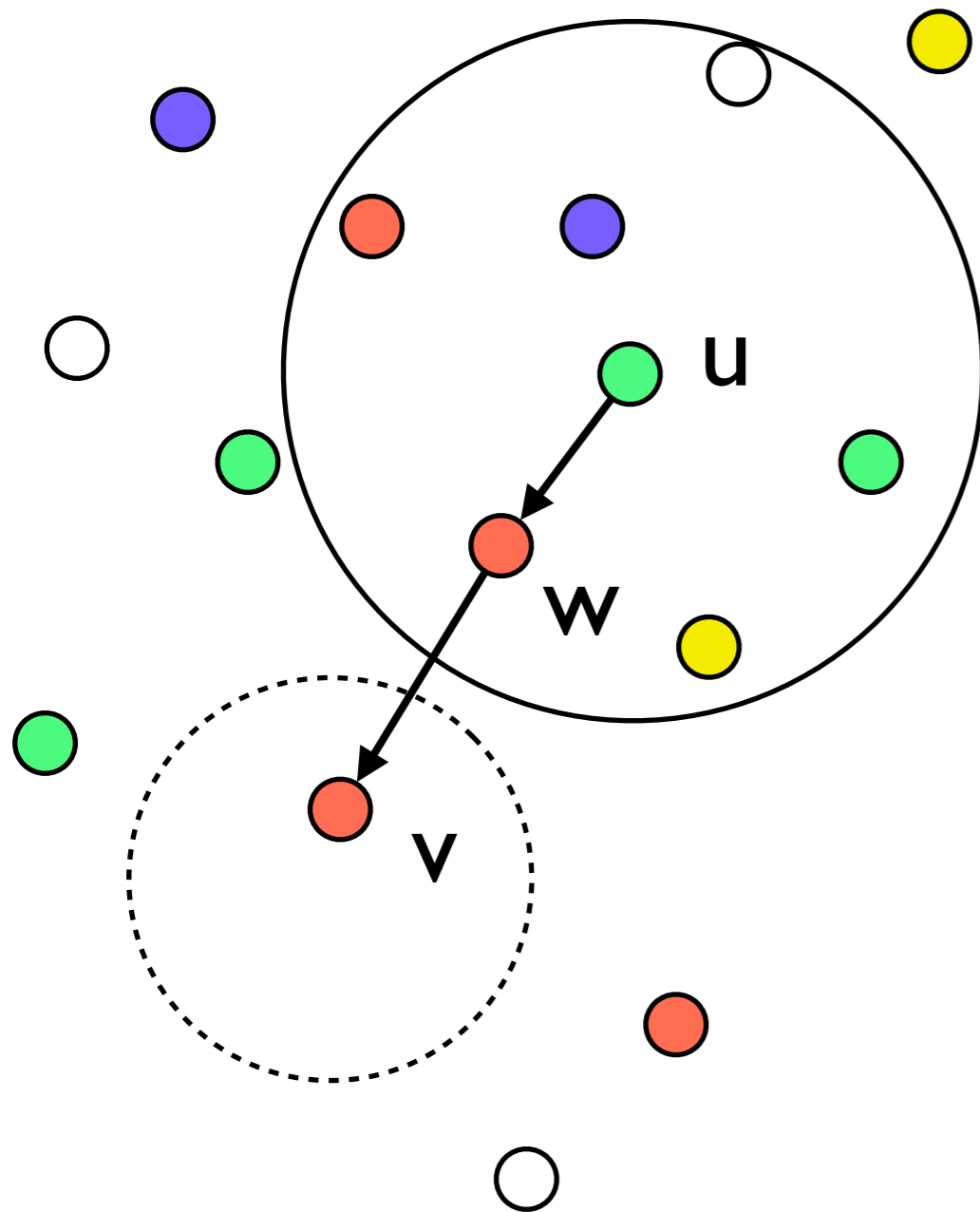
Pour router vers une autre destination  $v$ ,  $u$  route via un sommet intermédiaire  $w$  de  $B(u)$  tel que :  $c(w) = c(v)$ .

$w$  connaît une route pour tous les sommets de sa couleur.

$w$  est le représentant de la couleur  $c(v)$  pour  $u$ .

# Routage

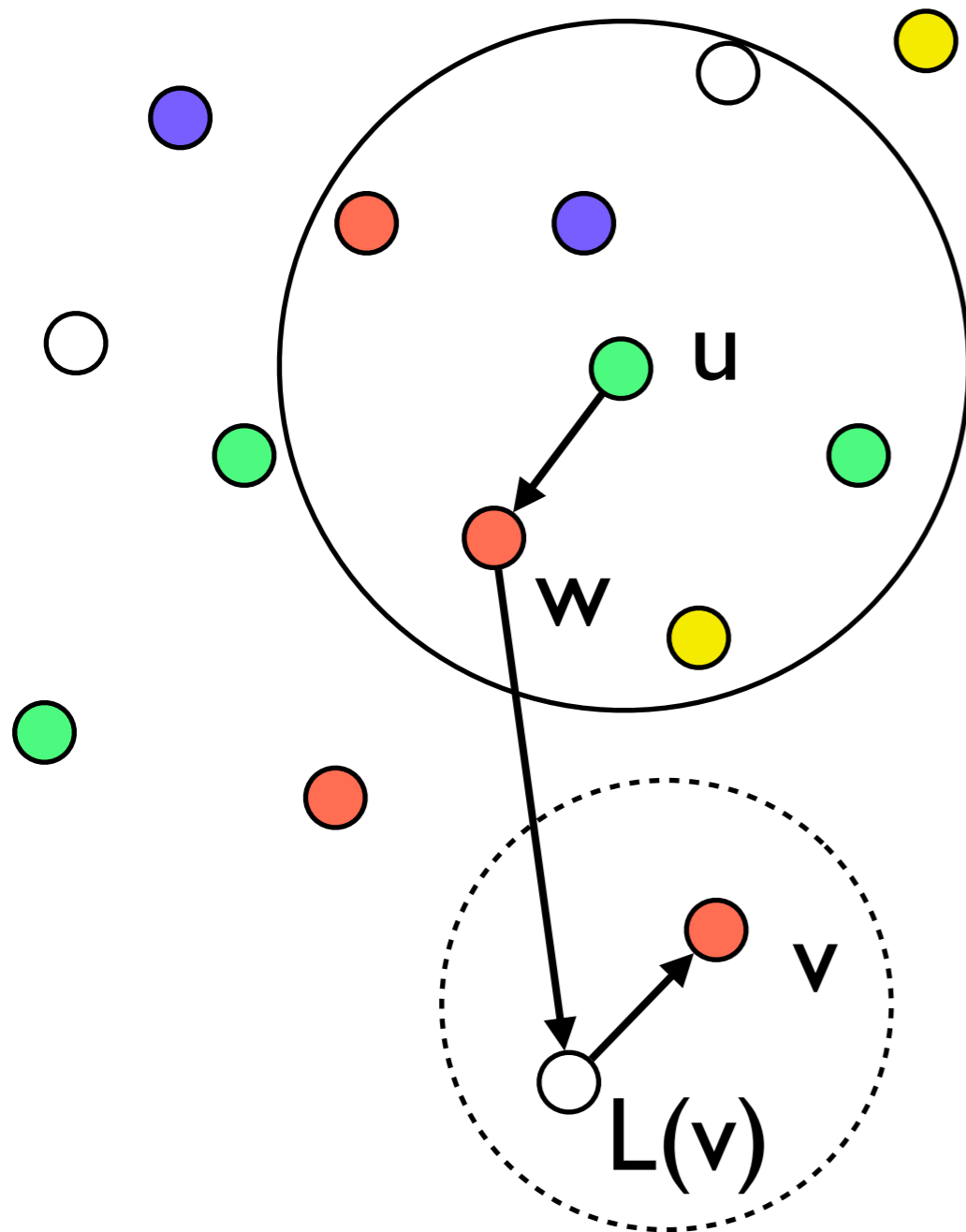
## par intermédiaire



Si le représentant  $w$  choisit par  $u$  est **suffisamment proche** de la destination  $v$ , alors  $w$  stocke explicitement le chemin vers  $v$ .

# Routage

## par intermédiaire



Sinon,  $w$  stocke un chemin via le plus proche landmark de  $v$ ,  $L(v)$ .

Cela garanti un étirement  $\leq 3$  dans tous les cas.



# Résumé

	construction	mise à jour
Boules	O	O
Landmarks	O	O
Boules Contigues	O	X
Couleurs	O	X

# Résumé

	construction	mise à jour
Boules	○	○
Landmarks	○	○
Boules Contigues	○	X
Couleurs	○	X

# Boules Contiguës

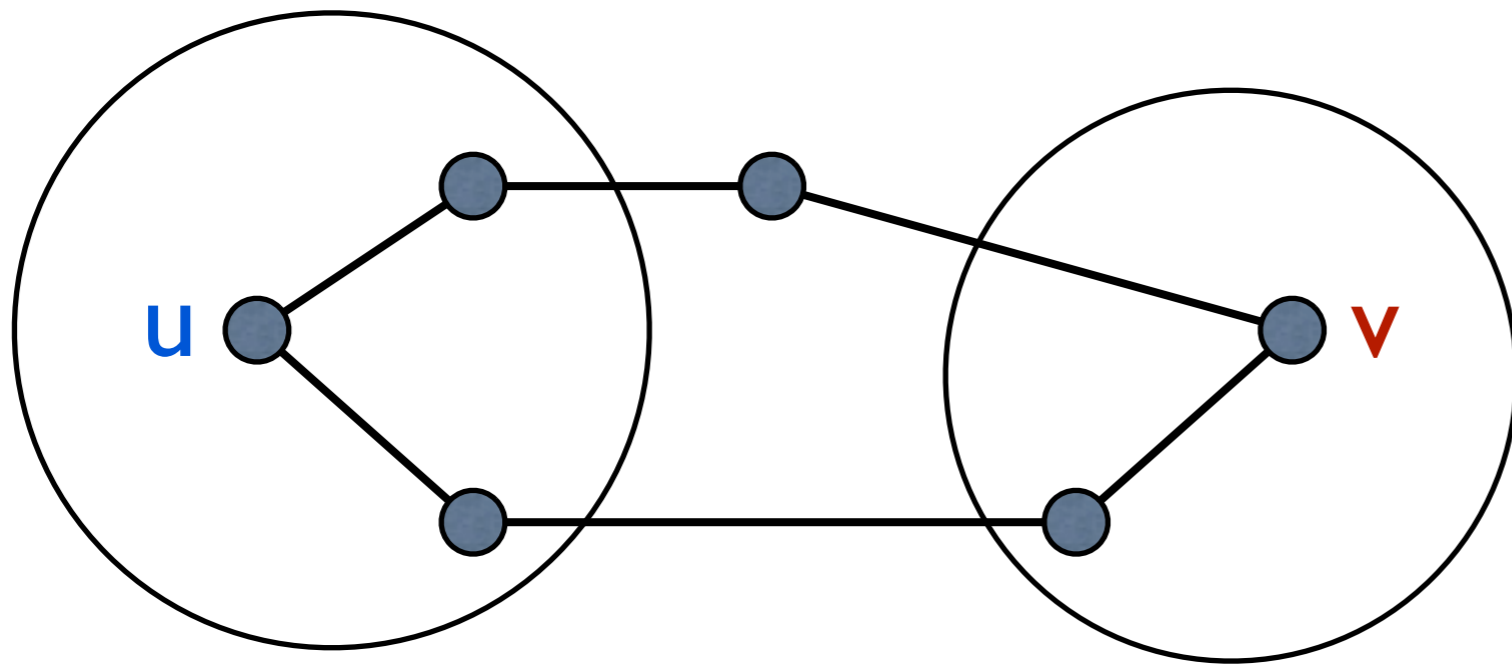
## Construction

### Distribuée des tables

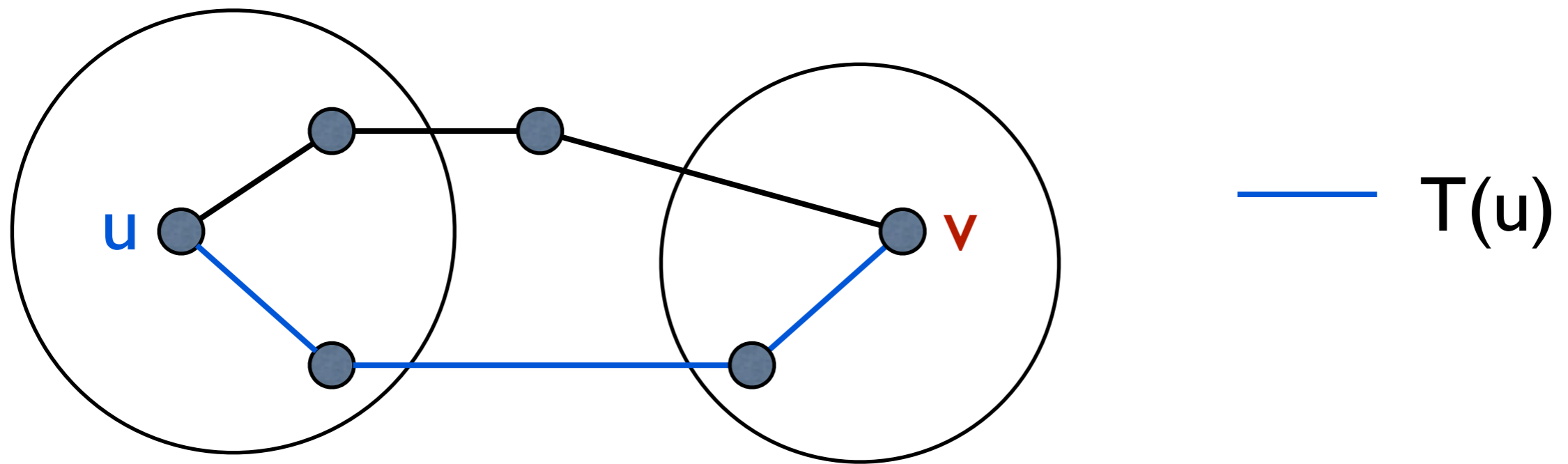
# Modèle

- **Synchrone**
- **Passage de message**
- Mesures de performance :
  - **coût de communication** : nombre total d'entrées échangées
  - **étirement** :  $\text{len}(u \rightarrow v) / d(u, v)$
  - **mémoire** : nombre d'entrées (information Topologique ou de routage)

# Boules contiguës

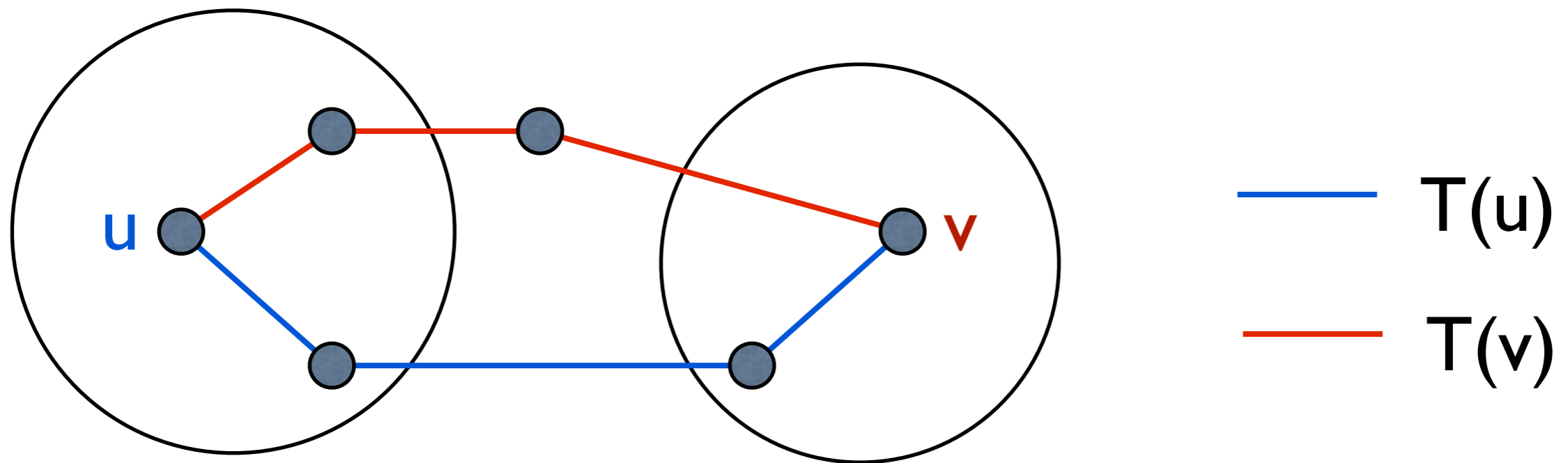


# Boules contiguës



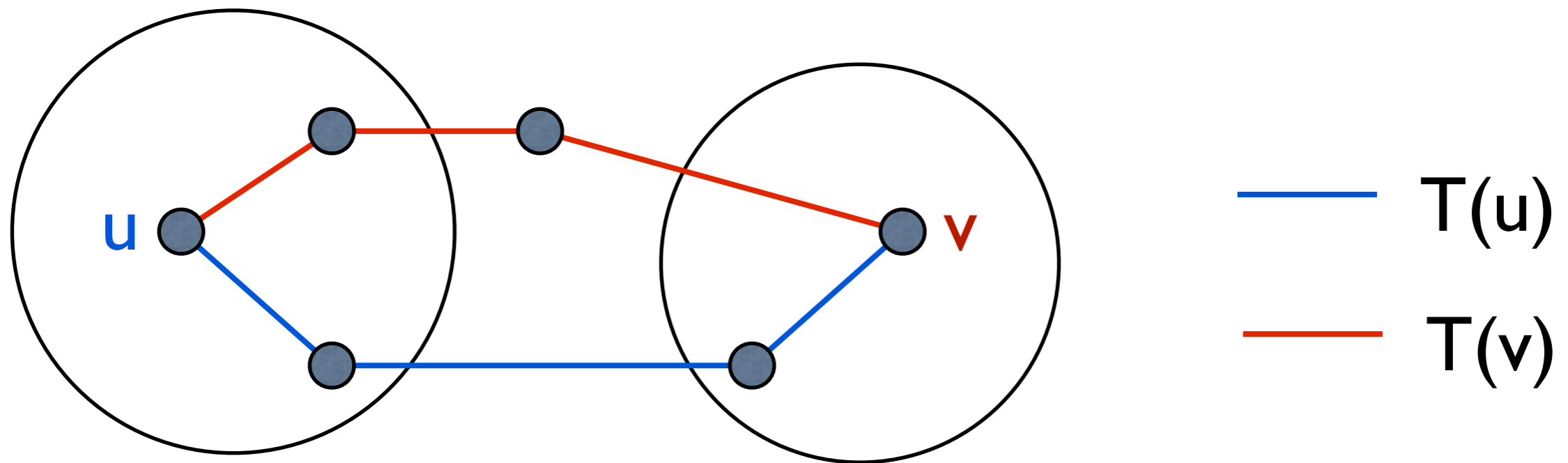
$B(u)$  **EST** contiguë à  $B(v)$

# Boules contiguës



$B(u)$  **EST** contiguë à  $B(v)$

# Boules contiguës



$B(u)$  **EST** contiguë à  $B(v)$

**MAIS**

$B(v)$  **N'EST PAS** contiguë à  $B(u)$

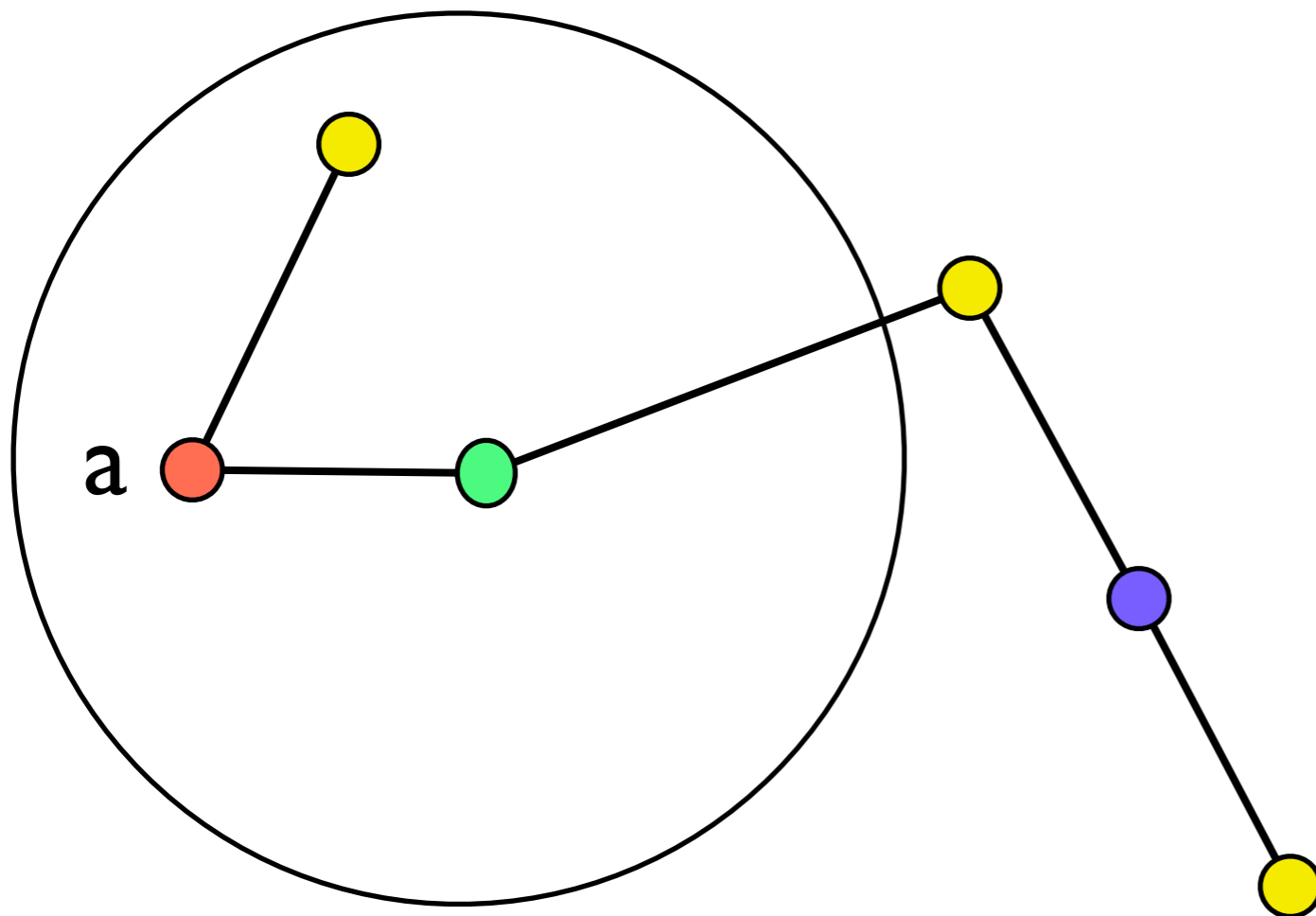


# Boules contiguës

- Tout sommet  $u$  contigu à  $v$  doit apprendre :
  - Sa distance au sommet  $v$  :  $d(u,v)$
  - Le chemin dans  $B(v)$  jusqu'à  $v$

# Boules contiguës

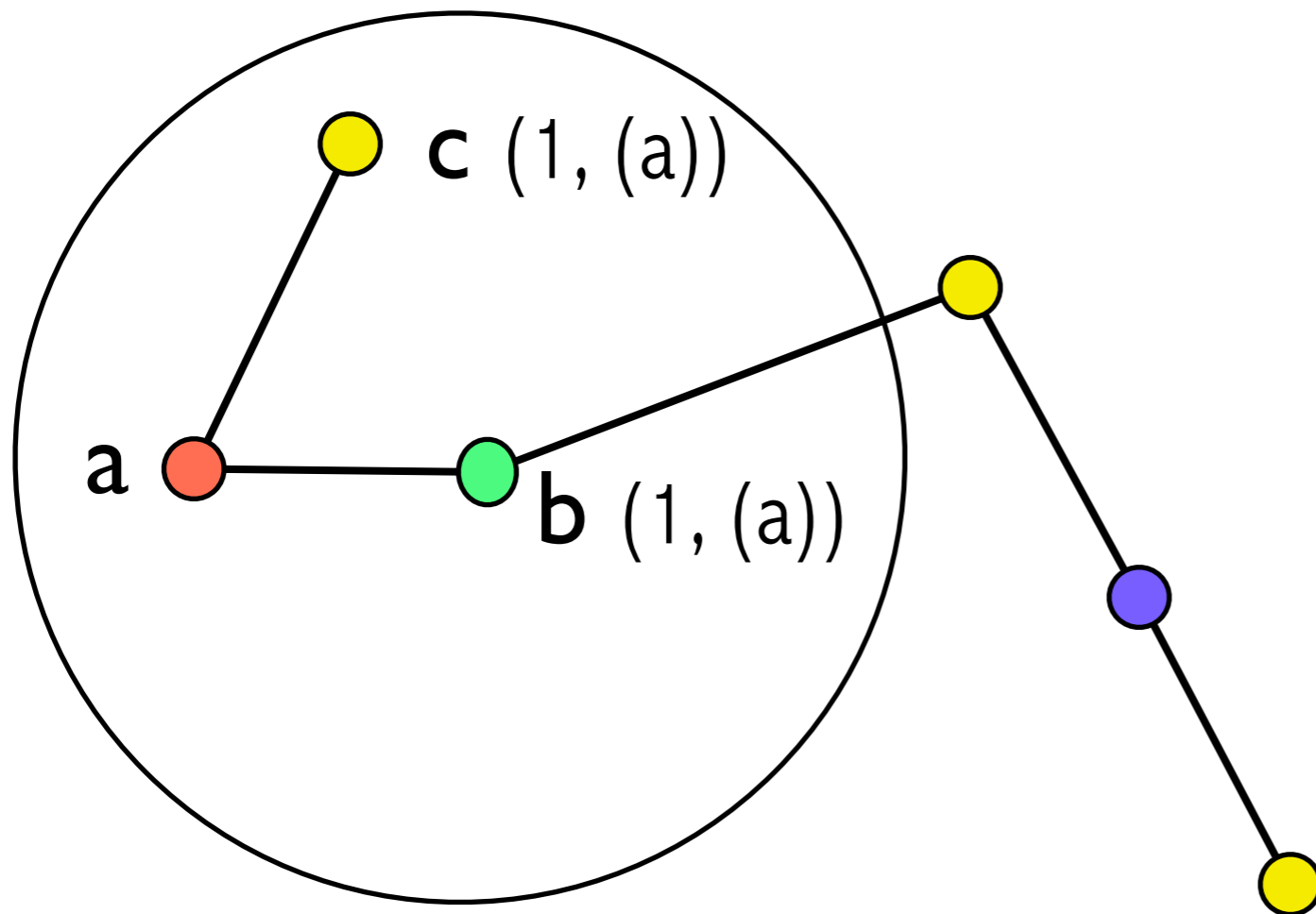
messages : ID (distance, chemin)



$d \notin B(f)$   
 $d \in B(e)$

# Boules contiguës

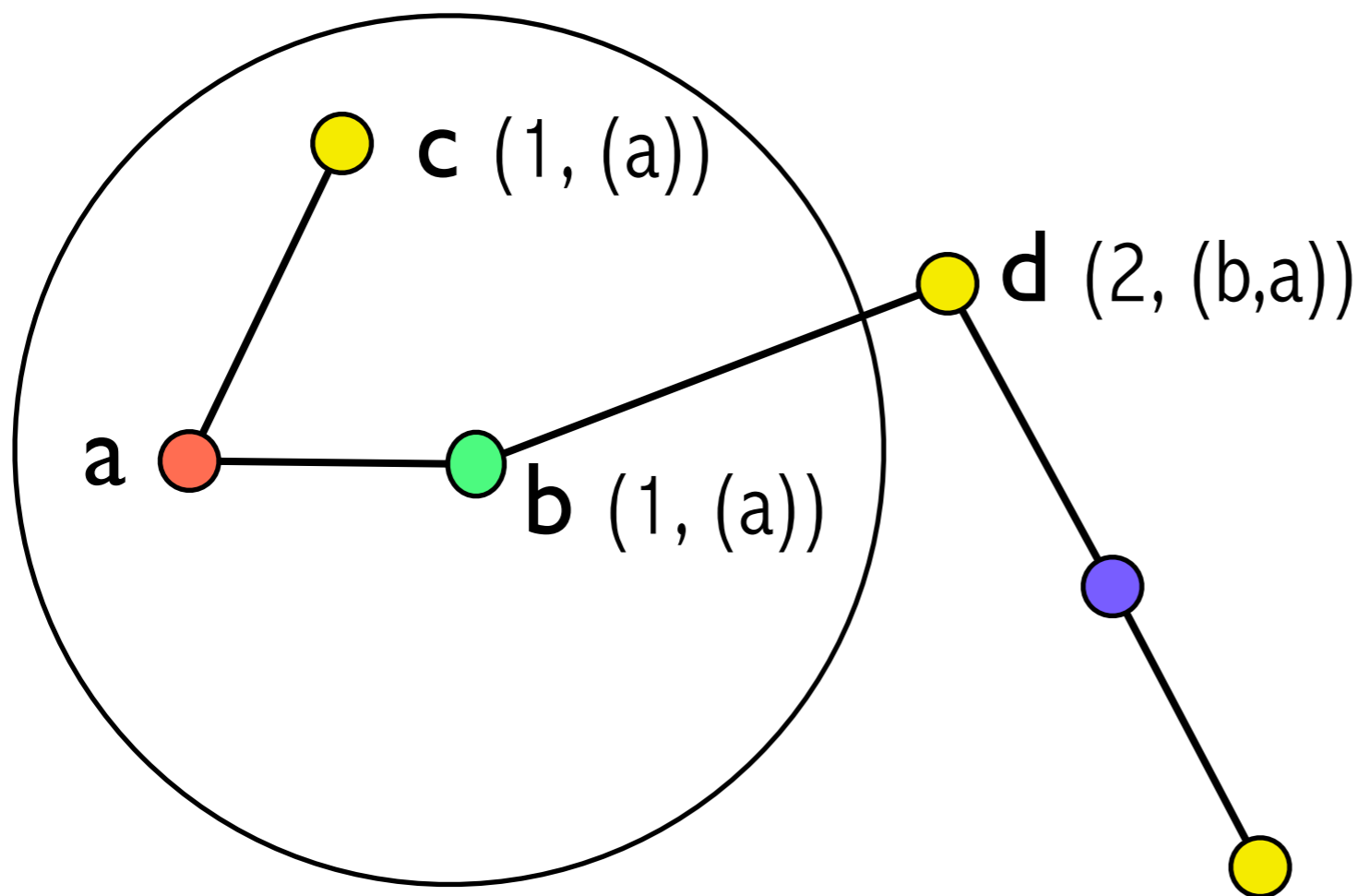
messages : **ID** (distance, chemin)



$d \notin B(f)$   
 $d \in B(e)$

# Boules contiguës

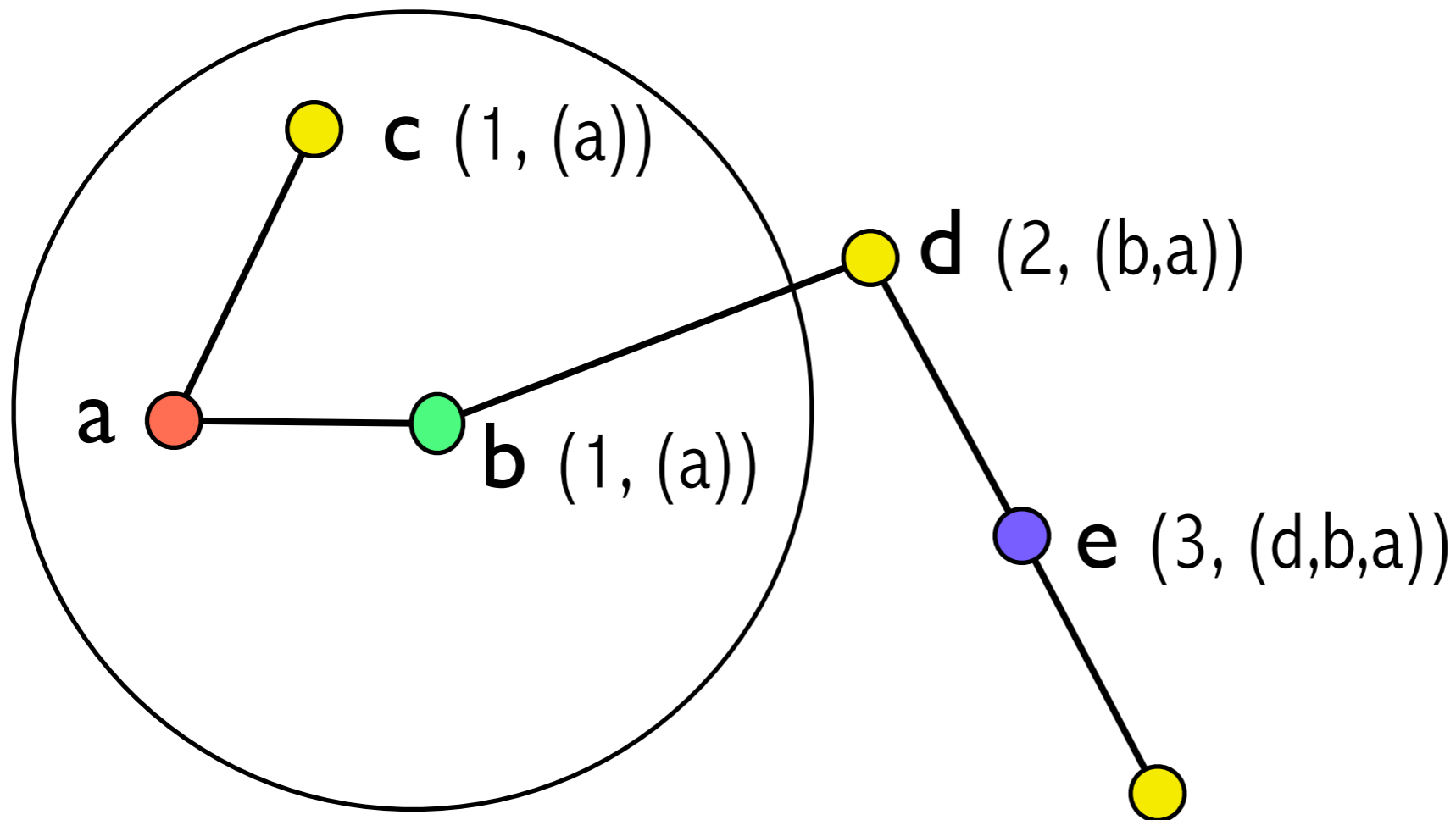
messages : **ID** (distance, chemin)



$d \notin B(f)$   
 $d \in B(e)$

# Boules contiguës

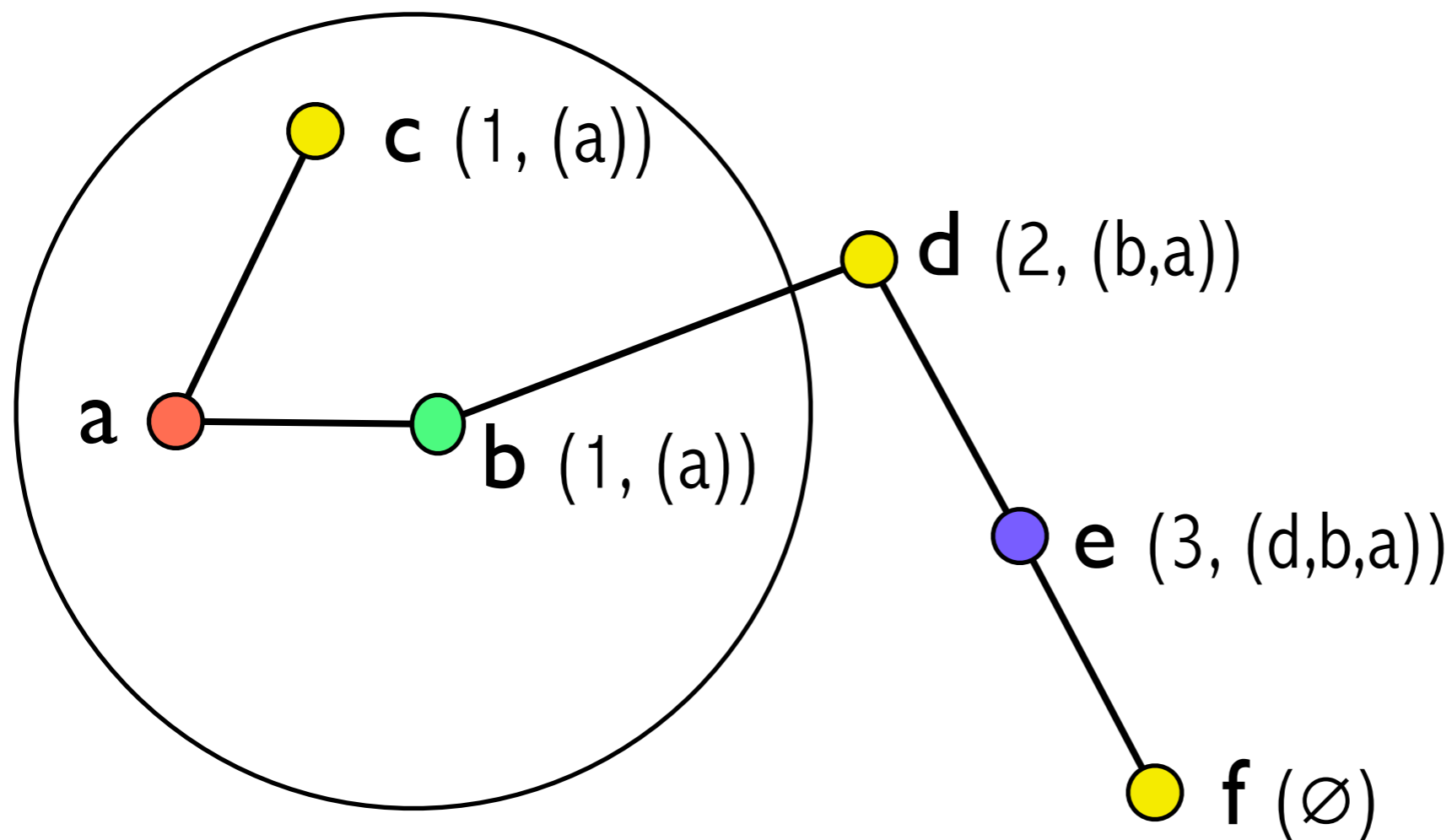
messages : **ID** (distance, chemin)



$d \notin B(f)$   
 $d \in B(e)$

# Boules contiguës

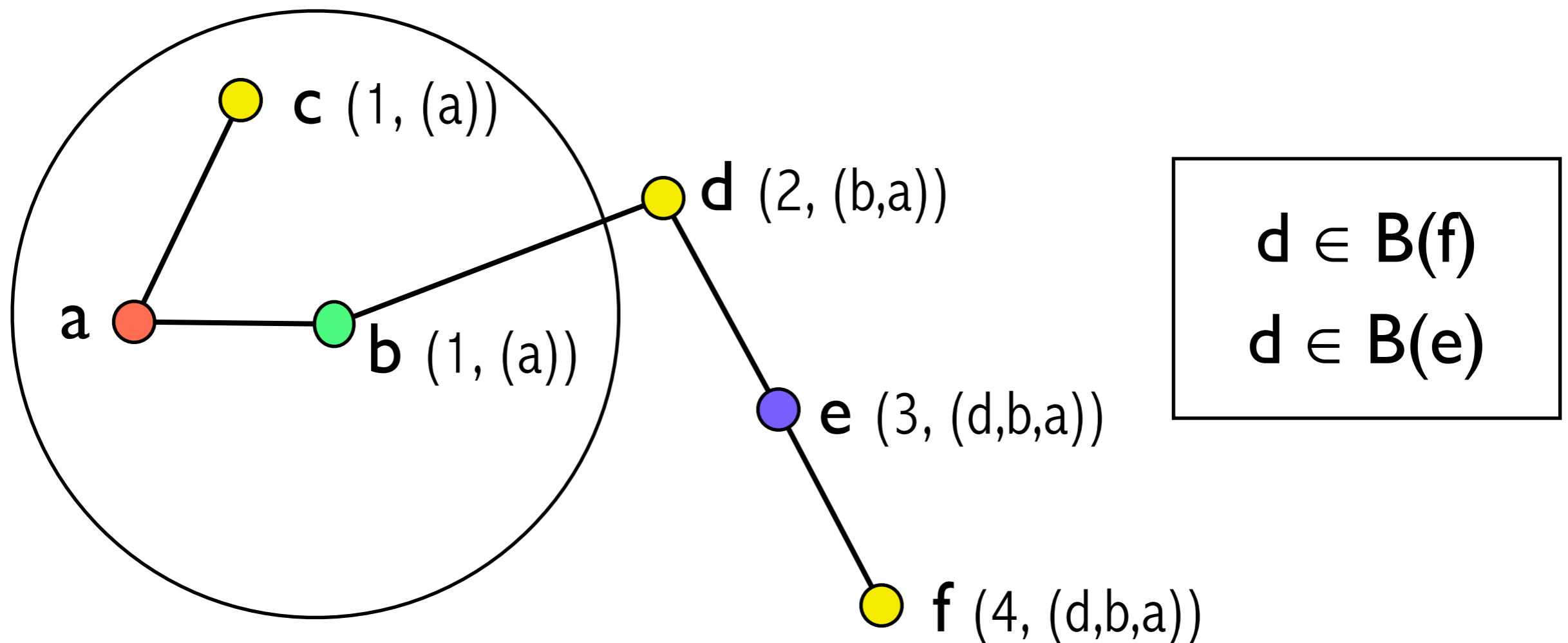
messages : **ID** (distance, chemin)



$d \notin B(f)$   
 $d \in B(e)$

# Boules contiguës

messages : **ID** (distance, chemin)

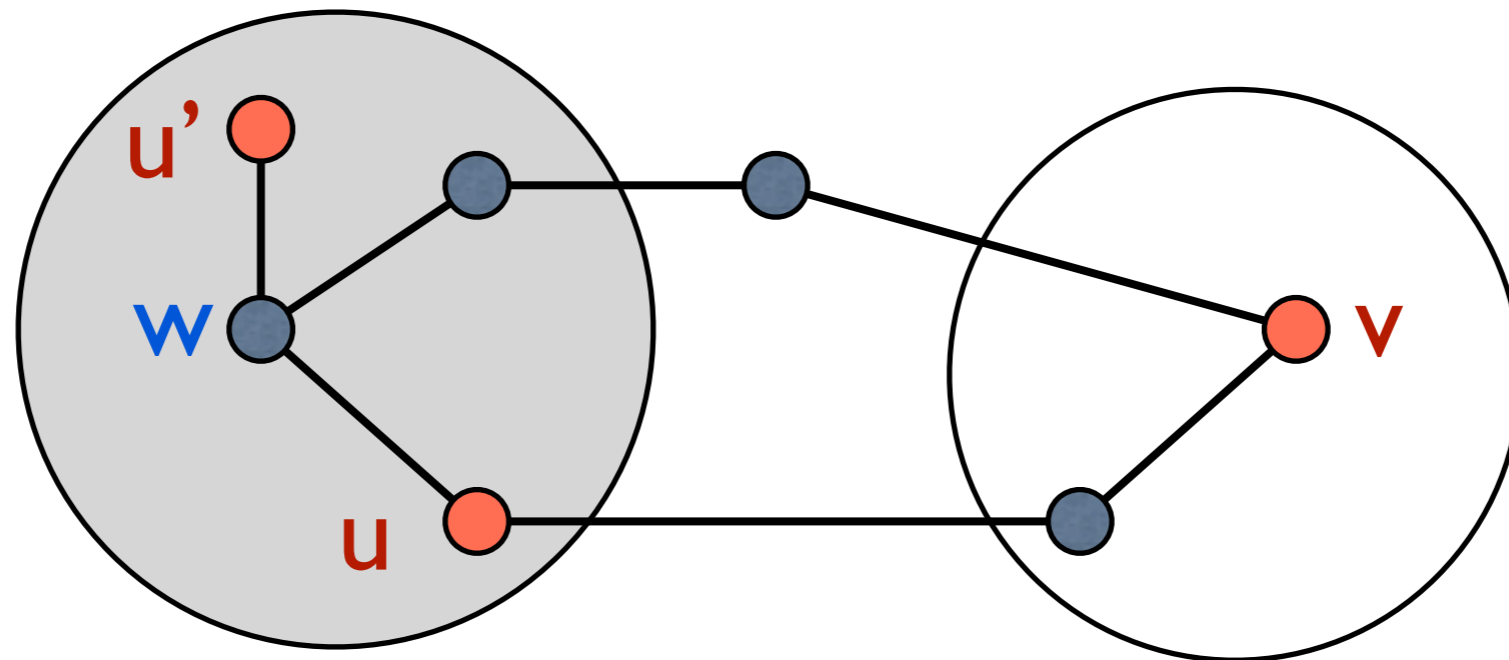


# “Suffisamment Proche” de la destination ?

On veut que :  $\forall (w,v) \in V$

$v$  contigu à  $w \Rightarrow \forall u \in B(w)$  tq  $c(u) = c(v)$ ,

$u$  utilise le routage par boules contiguës





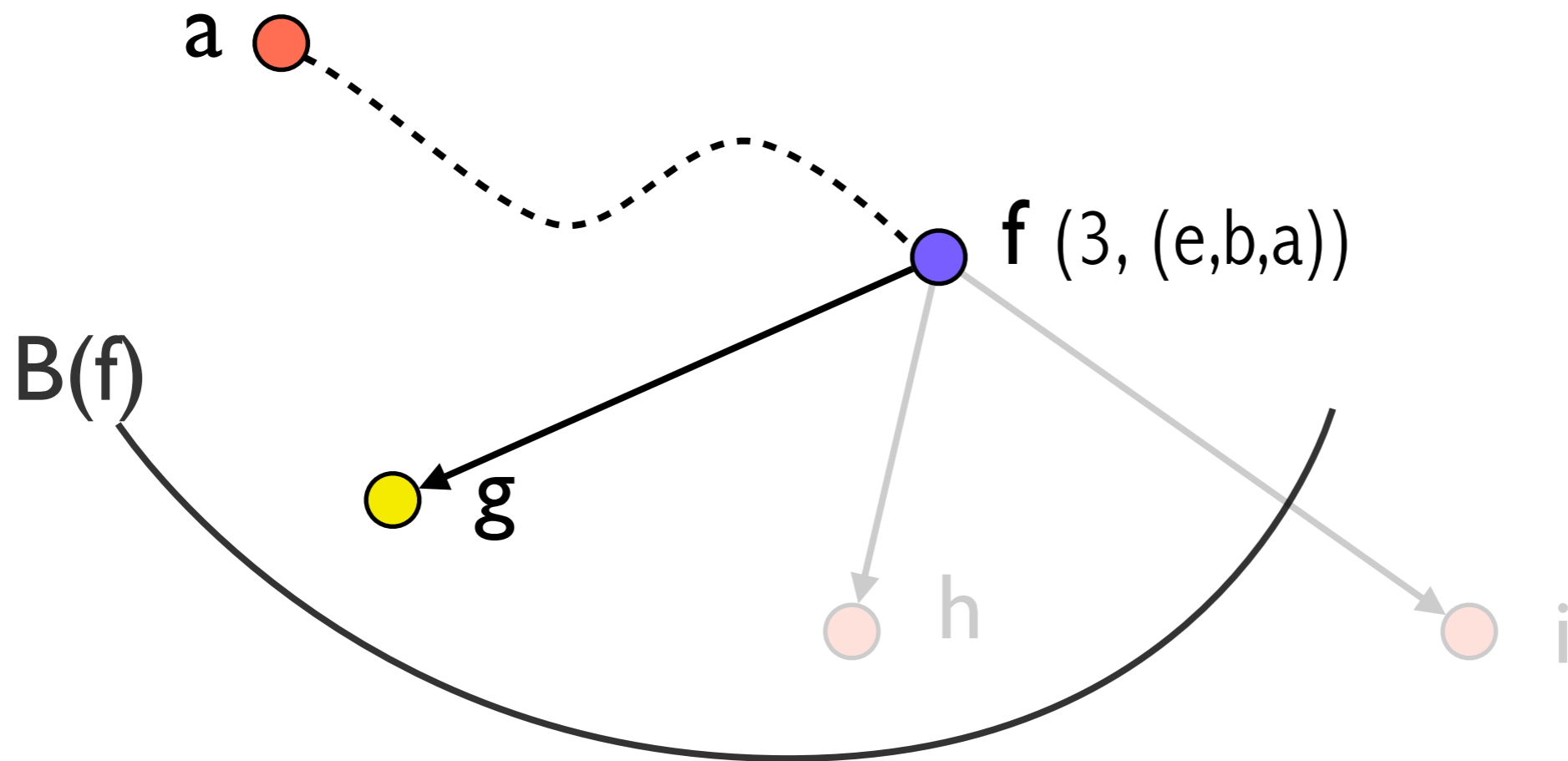
# Table de couleur

Via boules contiguës

- Dès qu'un sommet prend connaissance d'un chemin via boules contiguës, il envoie à tous les sommets de sa boule cette information.

# Table de couleur

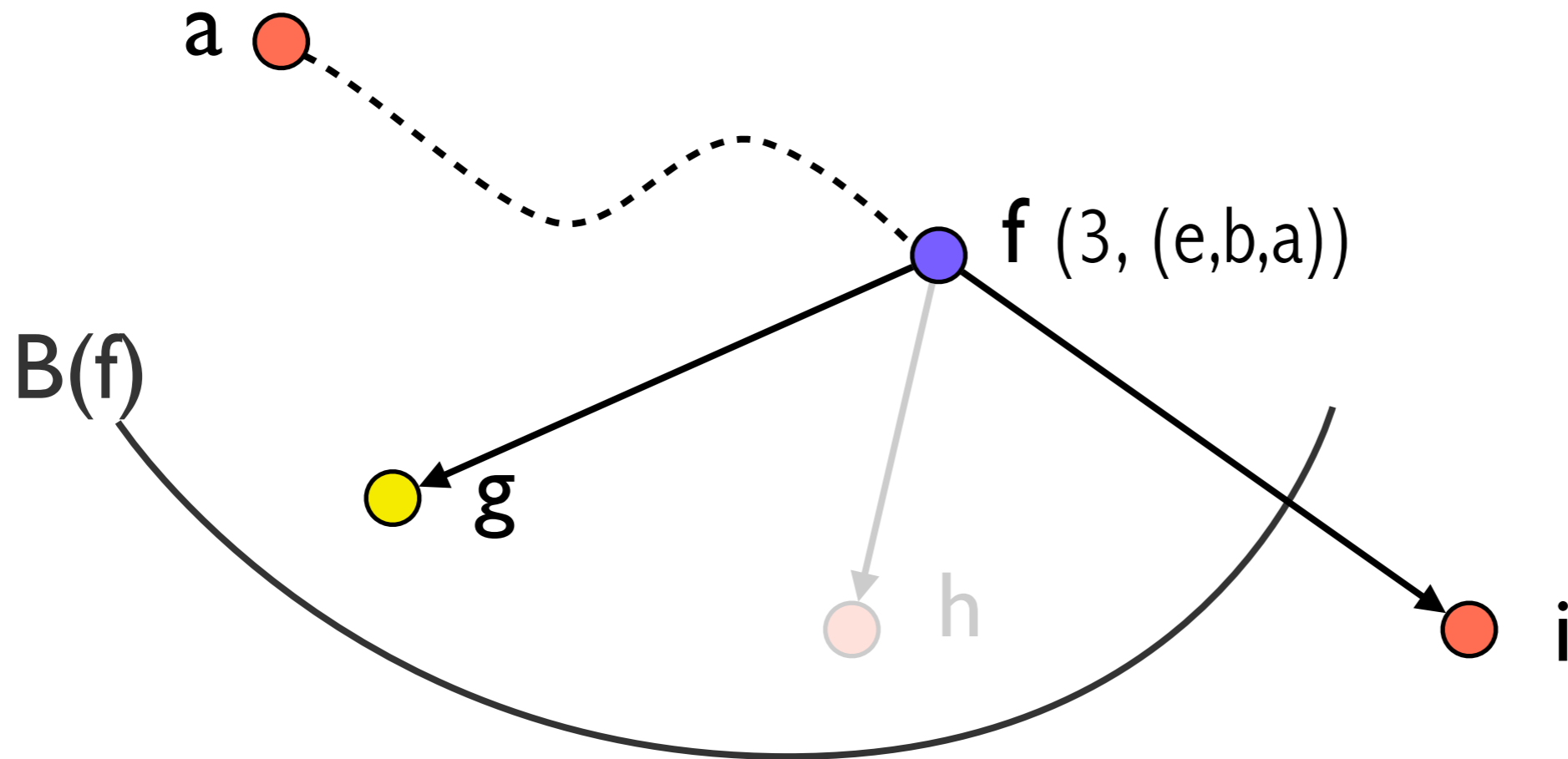
Via boules contiguës



$g$  propage à son voisinage

# Table de couleur

Via boules contiguës

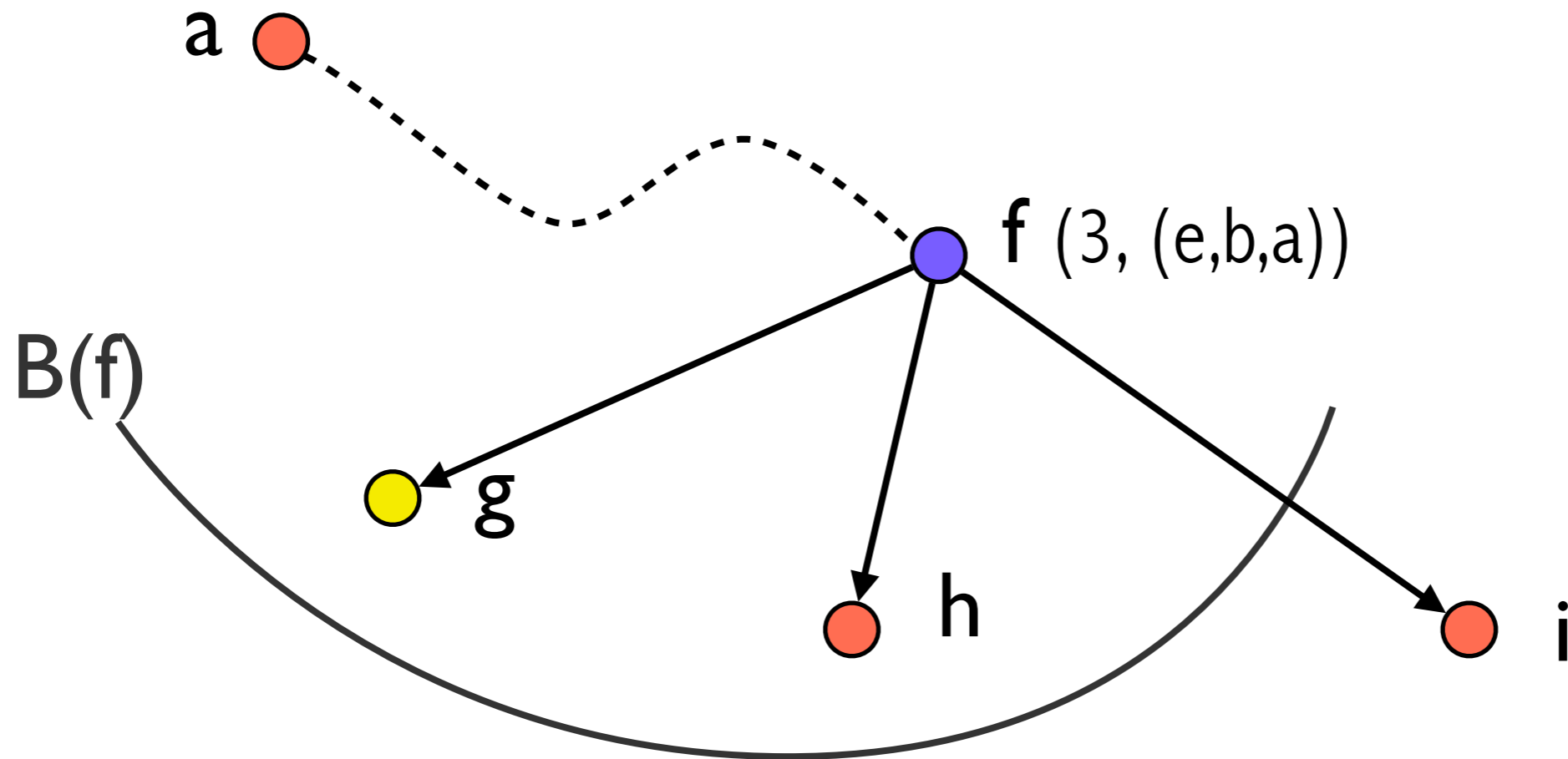


**g** propage à son voisinage

**i** ajoute une entrée dans sa table couleur

# Table de couleur

Via boules contiguës



$g$  propage à son voisinage

$i$  ajoute une entrée dans sa table couleur

$h$  fait les deux

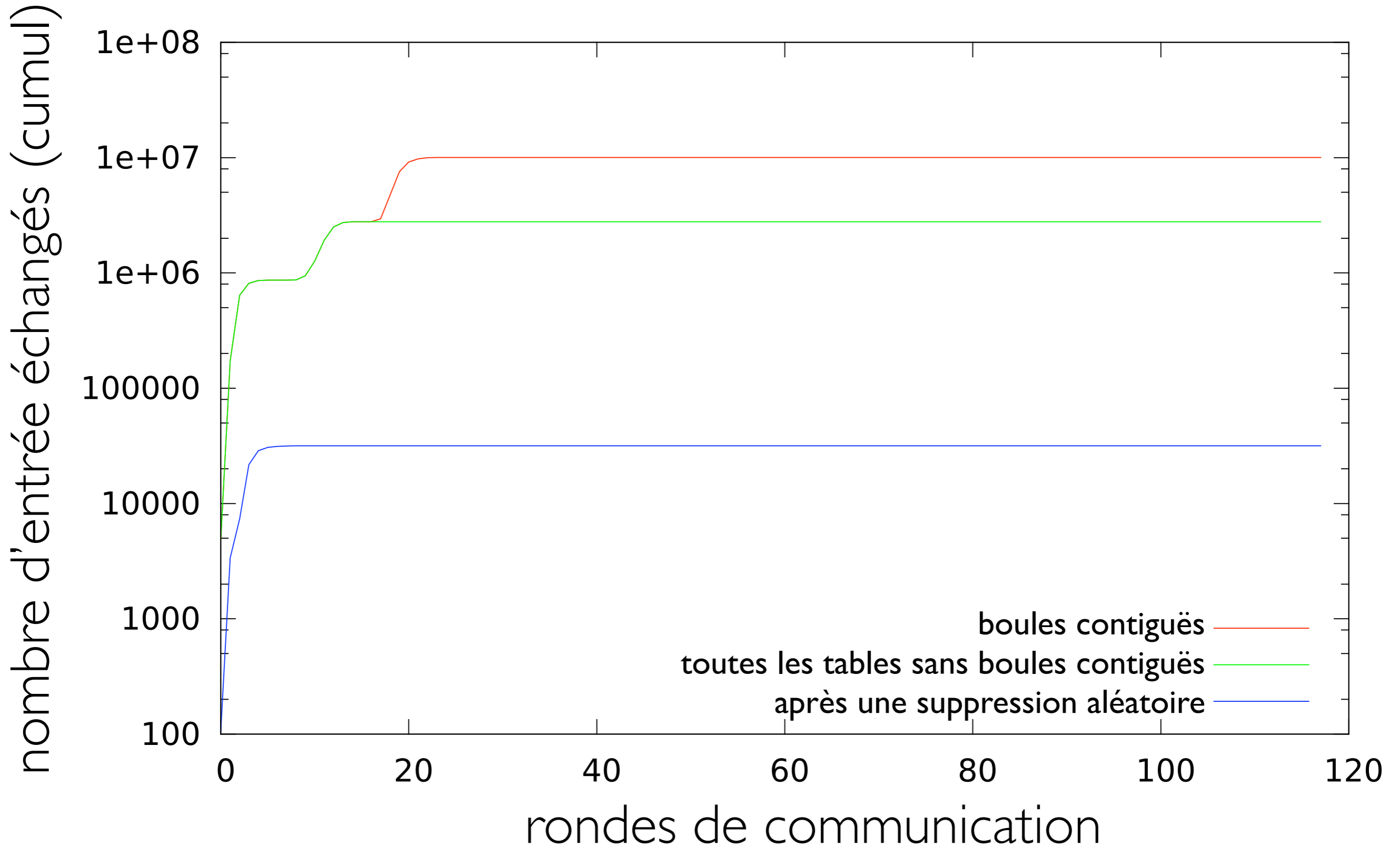
# Expérimentations

# Complexités, résultats expérimentaux

Algorithm	Initialisation		Deletion (average)
	analyse, worst case	experiments	
Vicinity Balls	$O(m \cdot k \cdot \log k)$	$32 \cdot 10^6$	12 776
Landmarks	$O(m \cdot \frac{n}{k})$	$8.5 \cdot 10^6$	437
C(u) without contiguous	$O(nm + n \cdot \min[(k \cdot \log k), D])$	$197 \cdot 10^6$	7 206
C(u) with contiguous	$O(nm + n^2 \cdot \log k \cdot \min[(k \cdot \log k), D])$	$652 \cdot 10^6$	$652 \cdot 10^6$

Graphe d'expérimentation : GLP, n=10K, m=26K

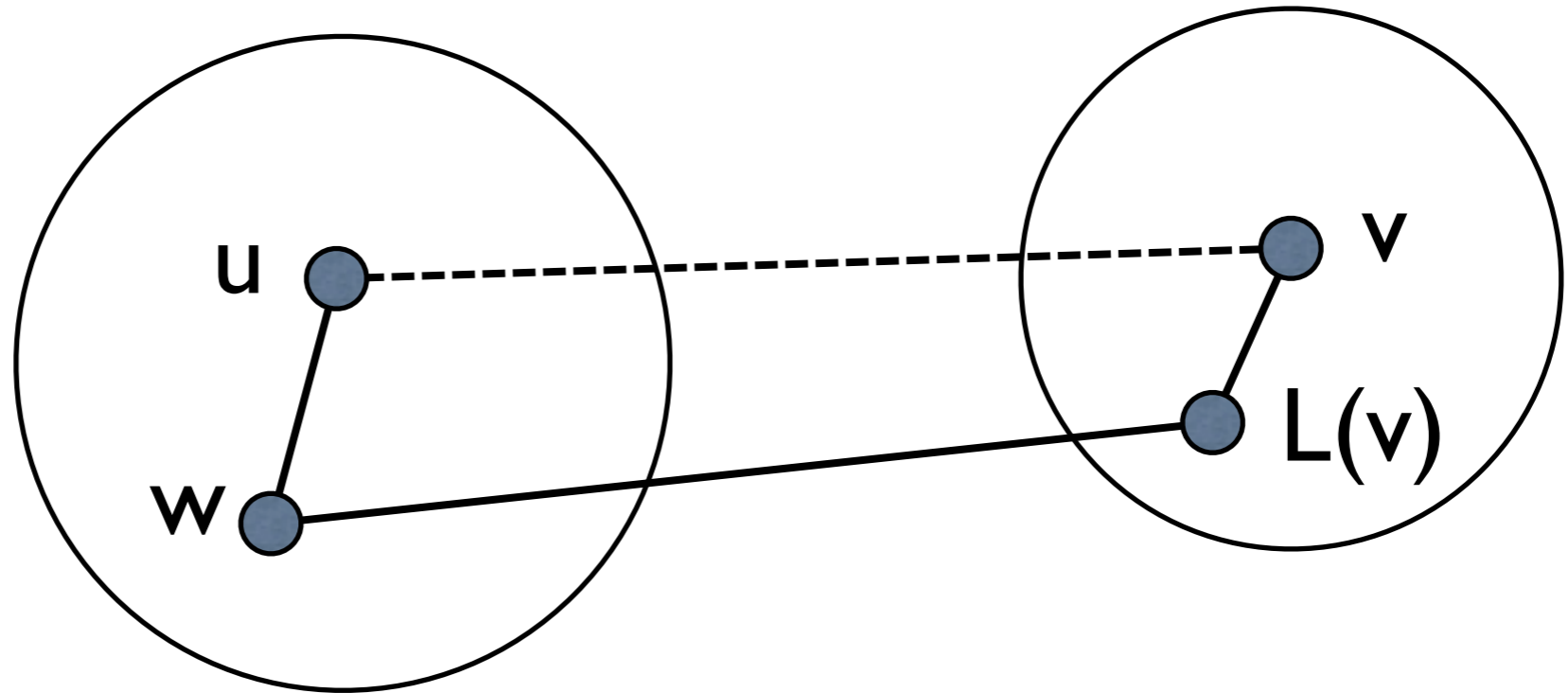
# Nombre d'entrées échangés après une suppression ?



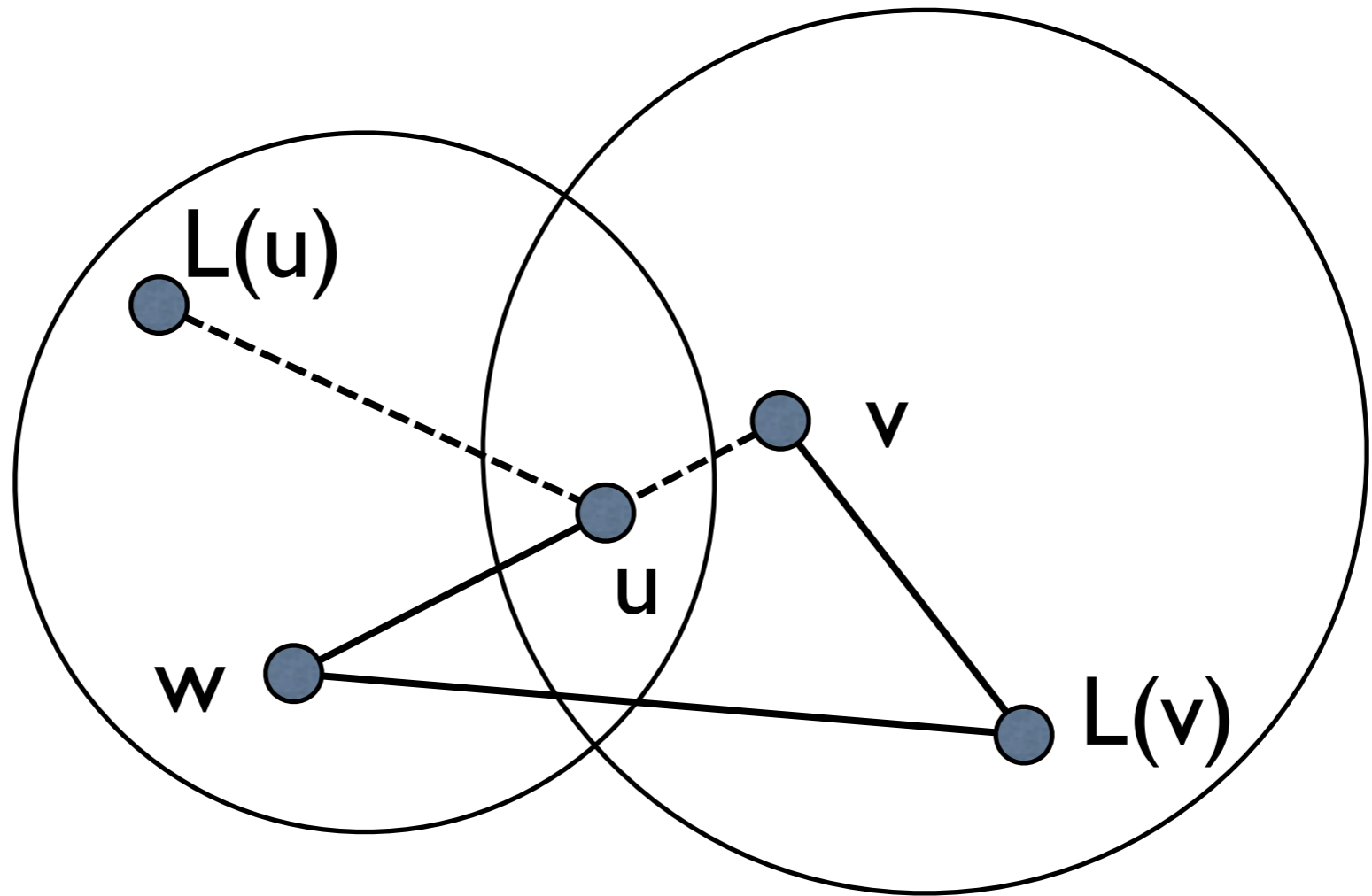
**Etirement sans  
Boules Contiguës ?**

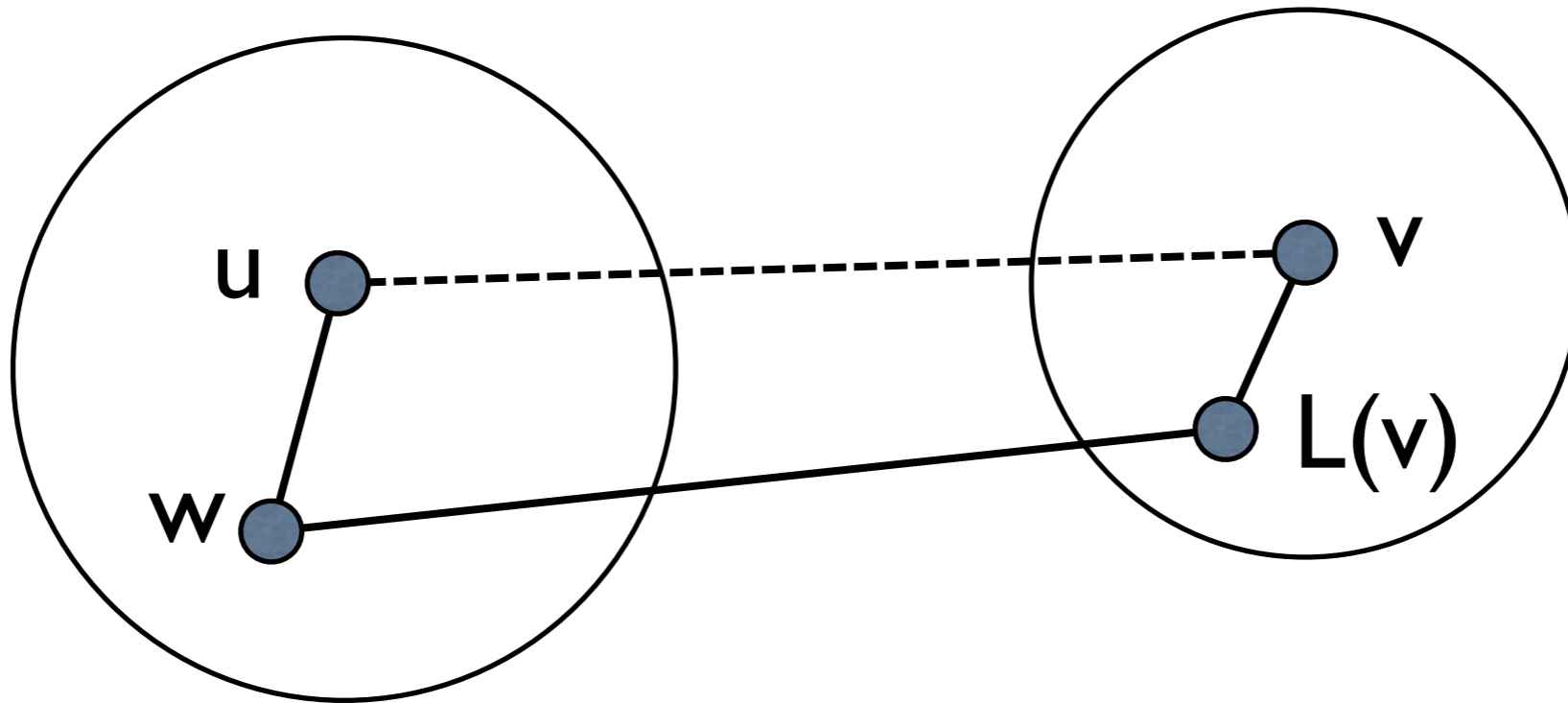


$u \notin B(v)$



$u \in B(v)$

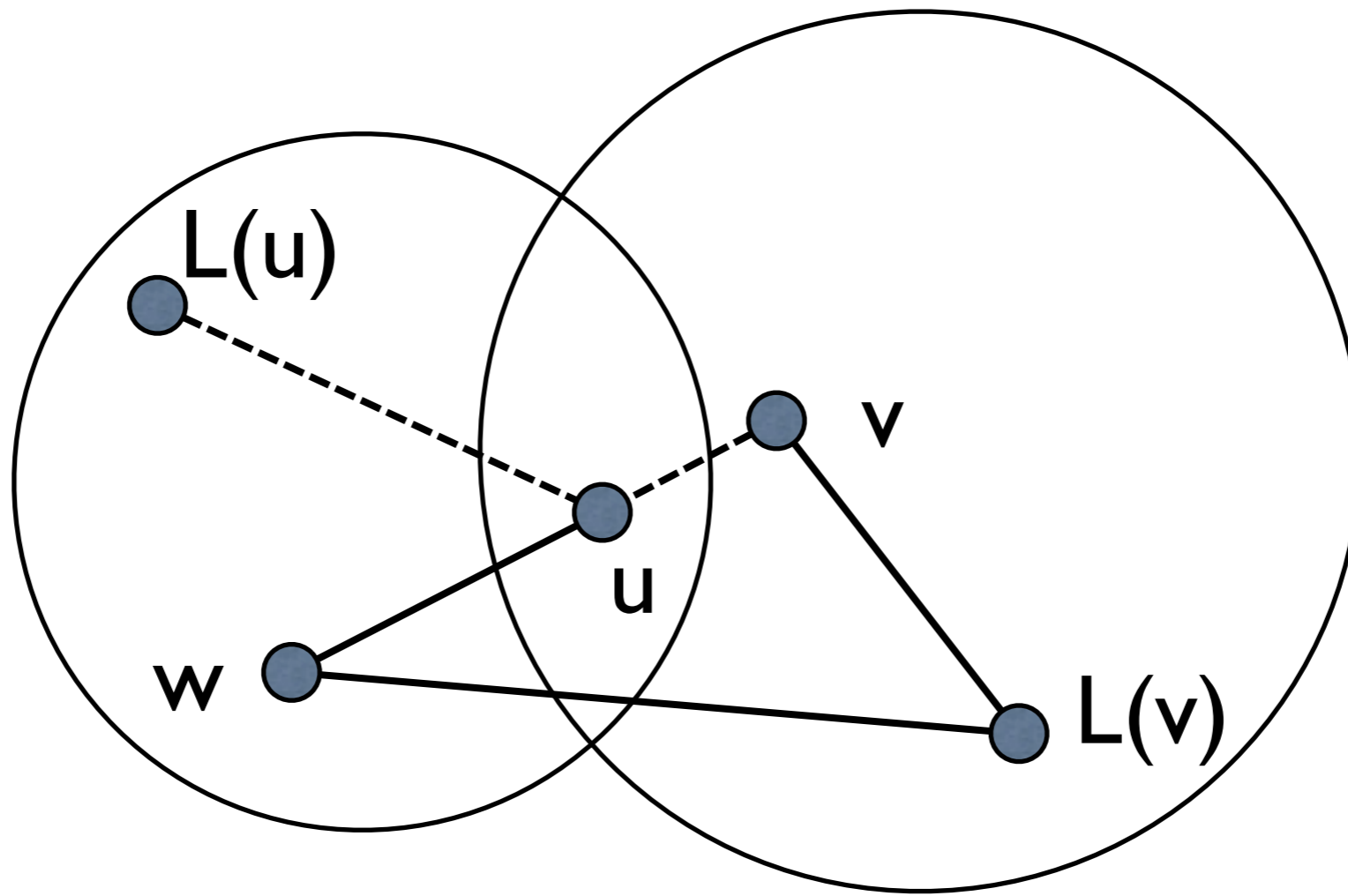




$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

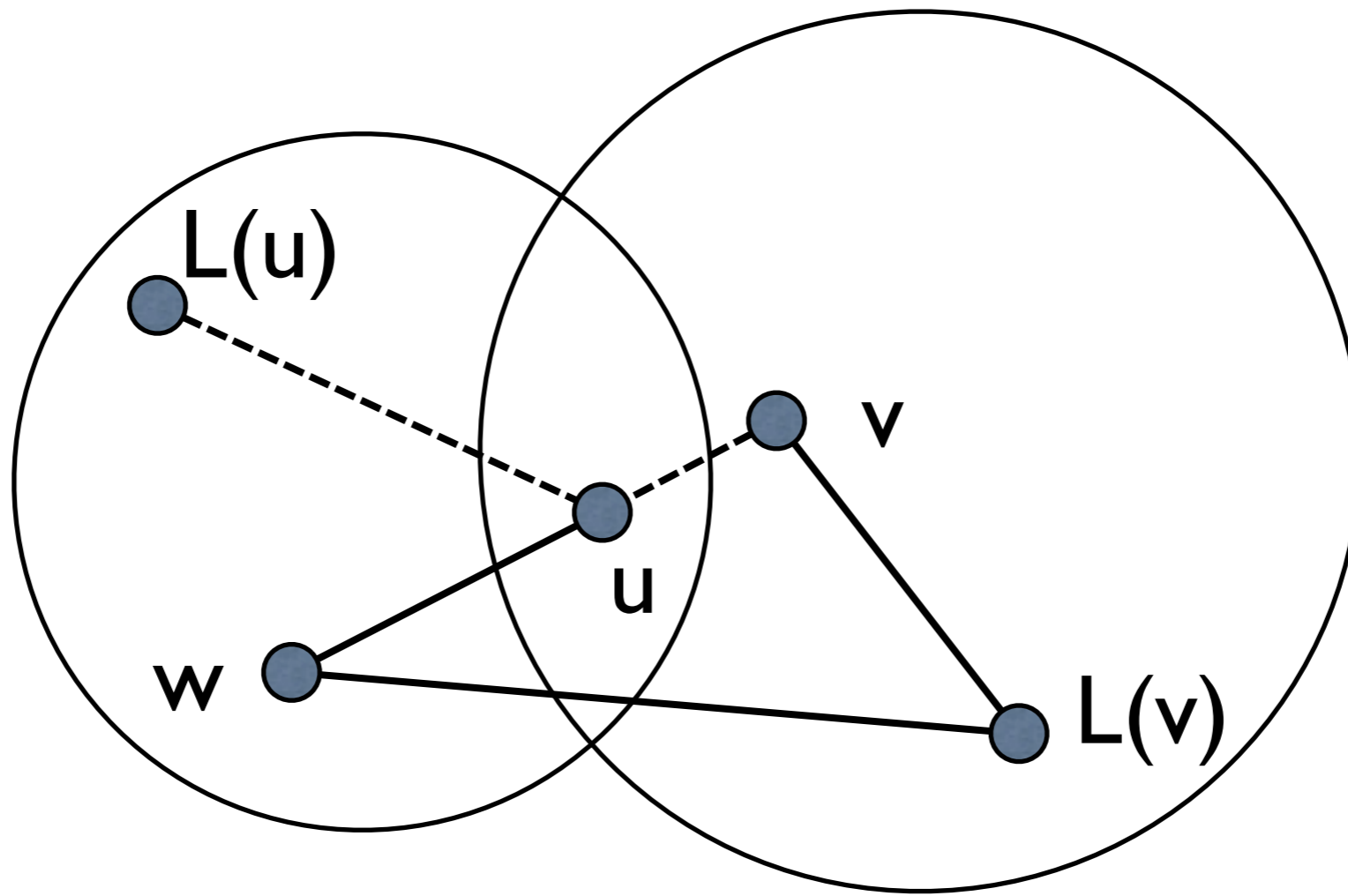
$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + d(v, L(v)) + d(L(v), v)$$

$$\text{len}(u, v) \leq 5d(u, v)$$



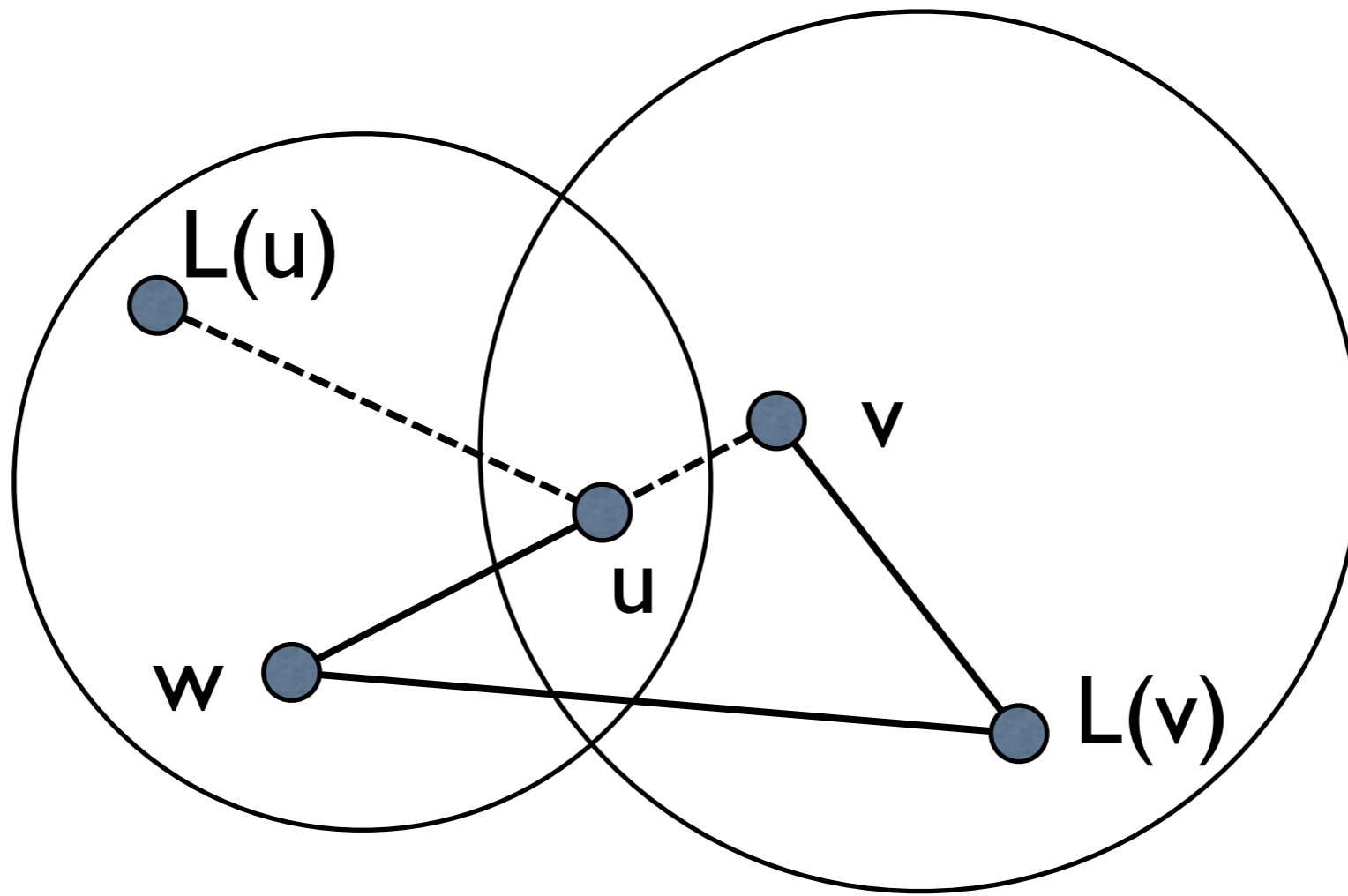
$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + d(v, L(v)) + d(L(v), v)$$



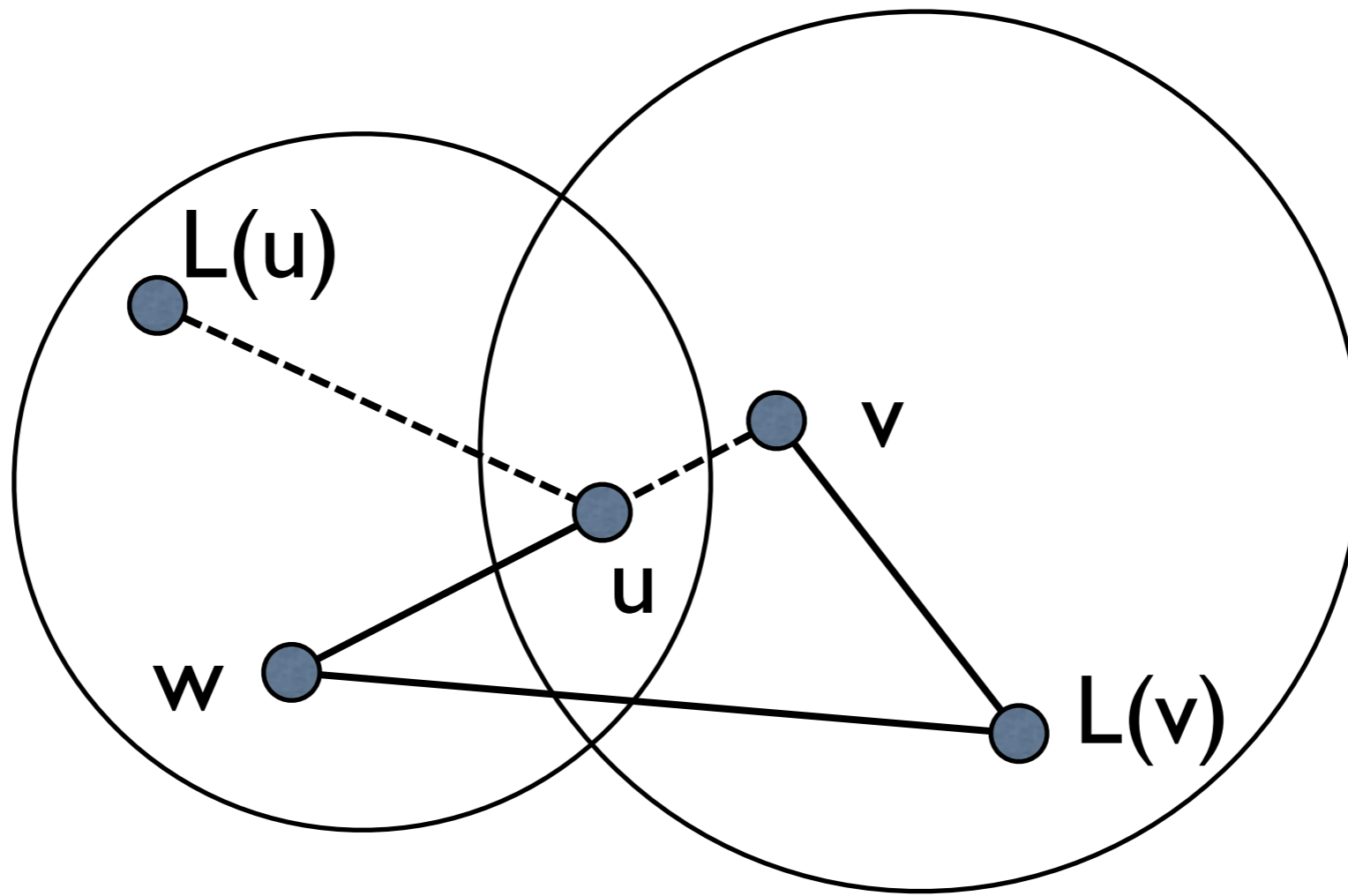
$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + \underline{d(v, L(v)) + d(L(v), v)}$$



$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

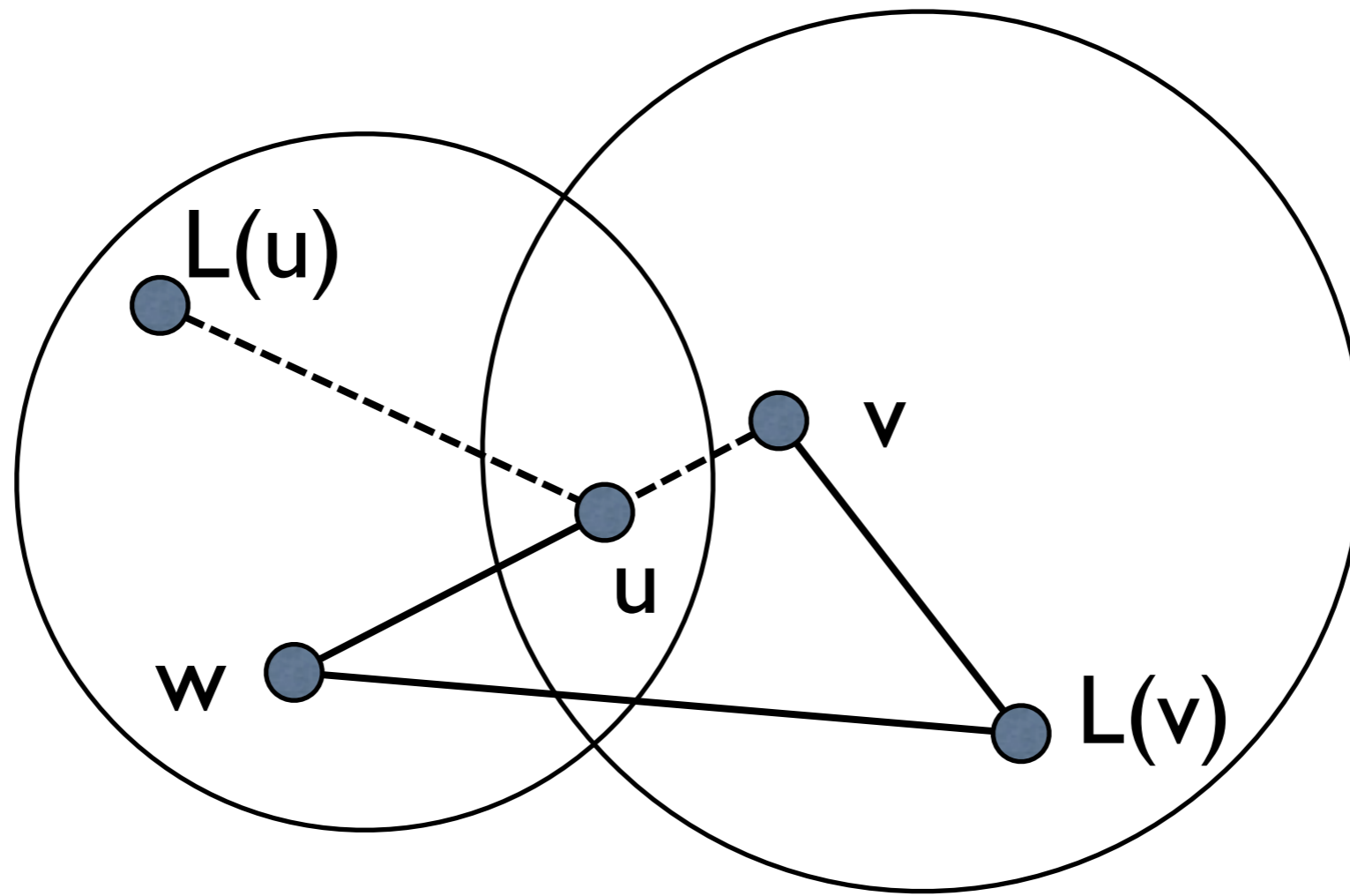
$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + d(v, L(v)) + d(L(v), v)$$



$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + d(v, L(v)) + d(L(v), v)$$

remarque :  $d(L(v), v) \leq d(L(u), v) \leq d(u, v) + d(u, L(u))$



$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, L(v)) + d(L(v), v)$$

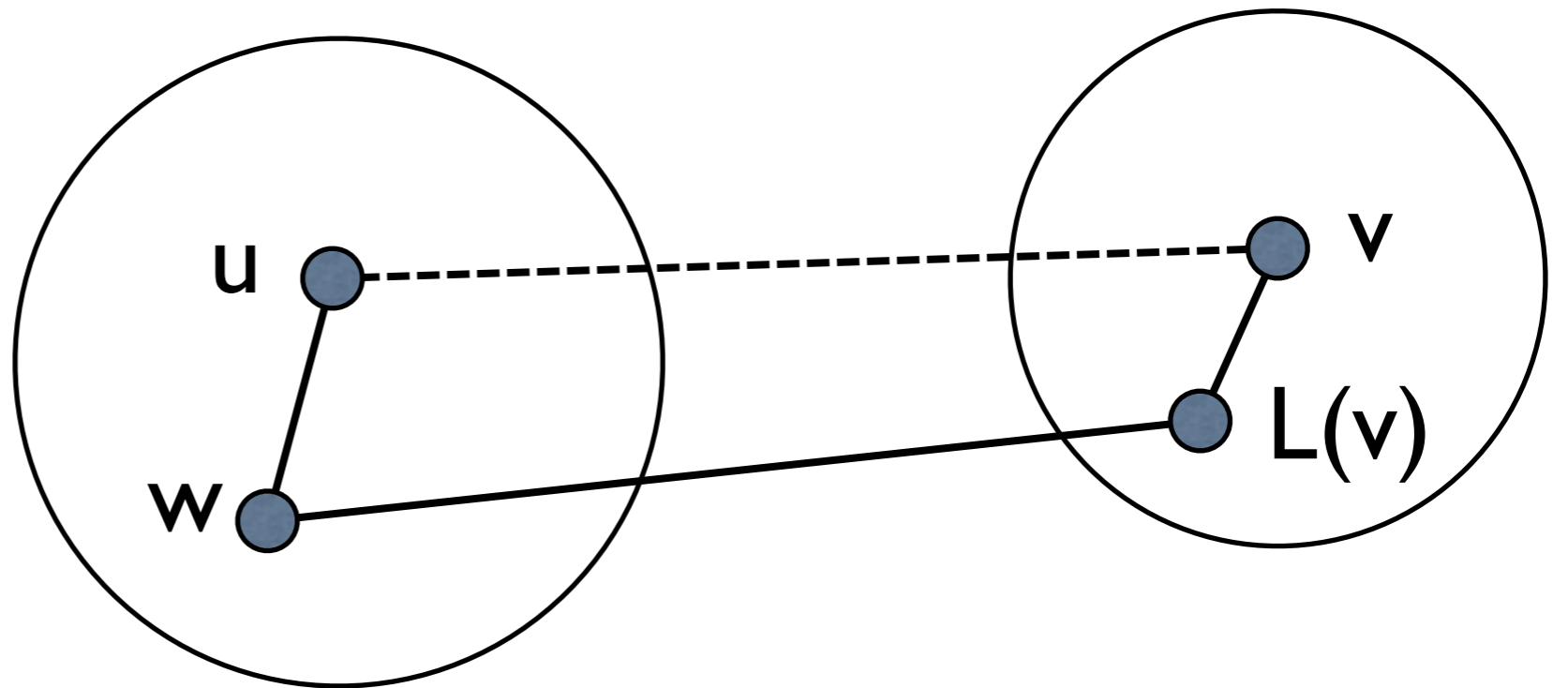
$$\text{len}(u, v) \leq d(u, w) + d(w, u) + d(u, v) + d(v, L(v)) + d(L(v), v)$$

remarque :  $d(L(v), v) \leq d(L(u), v) \leq d(u, v) + d(u, L(u))$

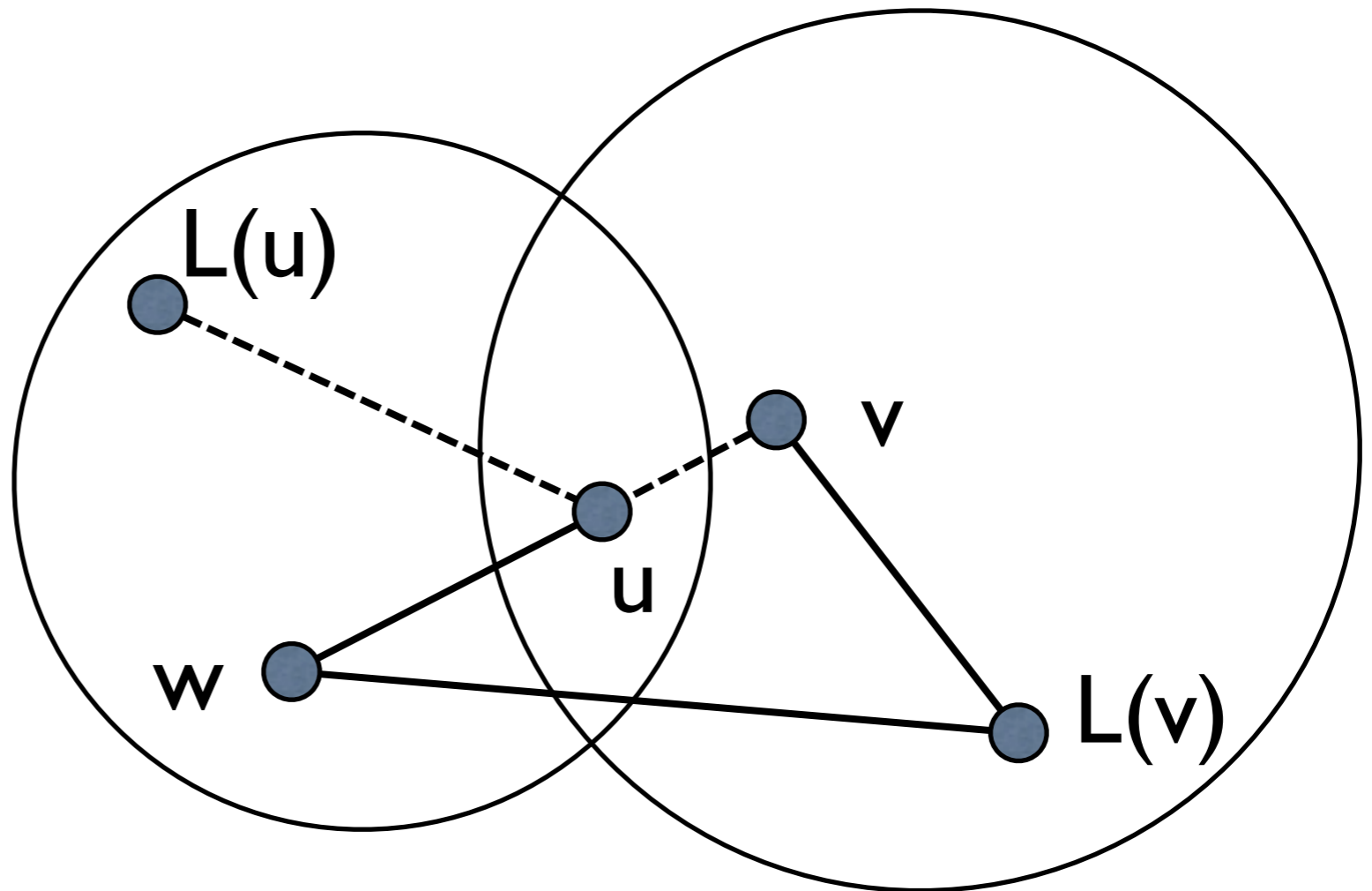
$$\text{len}(u, v) \leq 2d(u, w) + d(u, v) + 2d(u, v) + 2d(u, L(u))$$

$$\text{len}(u, v) \leq 7d(u, v)$$

$u \notin B(v)$   
Etirement : 5  
aller/retour : 5



$u \in B(v)$   
Etirement : 7  
aller/retour : 4





# Conclusion

travaux en cours

- Une version asynchrone ?
- Tolérance aux pannes ? Aux déconnexions ?